

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ,  
МИНИСТЕРСТВО НАУКИ, ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ И ИННОВАЦИЙ  
КЫРГЫЗСКОЙ РЕСПУБЛИКИ**

МОО ВО Кыргызско-Российский Славянский университет  
имени первого Президента Российской Федерации Б.Н. Ельцина



## Высшая математика

### рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой **Высшей математики**

Учебный план **b380301\_25**  
Направление 38.03.01 - РФ, 580100 - КР Экономика

Квалификация **бакалавр**

Форма обучения **очная**

Общая трудоемкость **10 ЗЕТ**

Часов по учебному плану **360**  
в том числе:  
аудиторные занятия **144**  
самостоятельная работа **183,9**  
**31,7**


Виды контроля в семестрах:  
экзамен 3  
зачет 2

#### Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр ( <b>&lt;Курс&gt;.&amp;b&gt;&lt;Семестр на курсе&gt;</b> )	<b>2 (1.2)</b>		<b>3 (2.1)</b>		Итого	
Неделя	18		18			
Вид занятий	УП	РП	УП	РП	УП	РП
Лекции	32	32	32	32	64	64
Практические	32	32	48	48	80	80
Контактная работа в период теоретического обучения	0,1	0,1			0,1	0,1
Контактная работа в период экзаменационной сессии			0,3	0,3	0,3	0,3
В том числе инт.	4	4	4	4	8	8
Итого ауд.	64	64	80	80	144	144
Контактная работа	64,1	64,1	80,3	80,3	144,4	144,4
Сам. работа	79,9	79,9	104	104	183,9	183,9
Часы на контроль			31,7	31,7	31,7	31,7
Итого	144	144	216	216	360	360

Программу составил(и):

к.ф.-м.н., доцент, Курманбаева А. К.; к. ф.-м. н., доцент, Гончарова И. В.; к.ф.-м.н., доцент, Комарцова Е. А.



Рецензент(ы):

д.ф.-м.н., профессор, Байзаков А. Б. 

Рабочая программа дисциплины

разработана в соответствии с ФГОС 3++:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 38.03.01 Экономика (приказ Минобрнауки России от 12.08.2020 г. № 954)

составлена на основании учебного плана:

Направление 38.03.01 - РФ, 580100 - КР Экономика

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Протокол от 09.09.2025 г. № 2

Срок действия программы: 2025-2029 уч.г.

Зав. кафедрой Гончарова И.В.



---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_\_\_\_ 2026 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_\_\_\_ 2026 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой Гончарова И.В.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_\_\_\_ 2027 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_\_\_\_ 2027 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой Гончарова И.В.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_\_\_\_ 2028 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2028-2029 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_\_\_\_ 2028 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой Гончарова И.В.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_\_\_\_ 2029 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2029-2030 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_\_\_\_ 2029 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой Гончарова И.В.

**1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

1.1	Целями освоения дисциплины являются: обучение основным математическим понятиям и методам основных разделов высшей математики для понимания ее роли в профессиональной деятельности; формирование личности студента, развитие его интеллекта и способностей к логическому и алгоритмическому мышлению.
-----	---

**2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП**

Цикл (раздел) ООП:		Б1.О.1
<b>2.1</b>	<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
2.1.1	Для успешного усвоения дисциплины «Высшая математика» необходимо иметь базовую подготовку по элементарной математике в объеме программы средней школы.	
<b>2.2</b>	<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
2.2.1	Экономическая статистика	
2.2.2	Эконометрика, а также данная дисциплина необходима для успешного освоения финансово-экономических дисциплин учебного плана.	
2.2.3	Бухгалтерский учет	
2.2.4	Макроэкономика	
2.2.5	Микроэкономика	

**3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**ОПК-2: Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач;**

**Знать:**

Уровень 1	важность современной и актуальной информации;
Уровень 2	представление об источниках информации;
Уровень 3	анализ деятельности и решения поставленных задач

**Уметь:**

Уровень 1	использовать традиционные методики обработки данных в зависимости от поставленных задач;
Уровень 2	математический аппарат, необходимый для решения профессиональных задач в экономических дисциплинах
Уровень 3	Теоретические и методологические основы естественнонаучных дисциплин и способы их использования при решении конкретных профессиональных задач

**Владеть:**

Уровень 1	Методами сбора, анализа информации и в состоянии продемонстрировать навыки по сбору, анализу и обработке показателей, характеризующих деятельность рыночного субъекта;
Уровень 2	навыками работы с учебной литературой, основной терминологией и понятийным аппаратом базовых естественнонаучных дисциплин
Уровень 3	Навыками использования теоретических основ базовых разделов естественнонаучных дисциплин при решении конкретных профессиональных задач

**В результате освоения дисциплины обучающийся должен**

<b>3.1</b>	<b>Знать:</b>
3.1.1	Методы линейной алгебры; виды и свойства матриц, системы линейных аналитических уравнений, N-мерное линейное пространство, векторы и линейные операции над ними; основы линейной алгебры, необходимые для решения экономических задач. Понятие предела функции в точке, понятие непрерывности функции в точке и на отрезке; понятие производной, ее
3.1.2	геометрический, механический и экономический смыслы; понятие неопределённого и определённого интегралов, их свойства; основные применения интегрального исчисления; понятие предела и непрерывности функции многих переменных; основы теории вероятностей и математической статистики, необходимых для решения финансовых и экономических задач;
<b>3.2</b>	<b>Уметь:</b>

3.2.1	использовать аппарат линейной алгебры; применять методы математического моделирования для решения экономических задач; вычислять пределы функции; определять точки разрыва функции; находить производные, дифференциалы функции; исследовать функции с помощью производной и строить график, применить правило Лопиталя; находить неопределенный интеграл; вычислять определенный интеграл; устанавливать сходимость несобственного интеграла; находить частные производные первого, второго и высшего порядков, исследовать функцию двух переменных на экстремум; применять теоретико-вероятностные и статистические методы для решения экономических задач
<b>3.3</b>	<b>Владеть:</b>
3.3.1	навыками решения задач линейной алгебры; навыками применения современного математического инструментария для решения экономических задач; методами и алгоритмами решений задач по основным разделам дисциплины; навыками работы с математической литературой; навыками употребления математической символики для выражения количественных и качественных отношений объектов; навыками построения графиков функций и их использования, методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки состояния и прогноза развития экономических явлений и процессов.

#### 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Компетен-ции	Литература	Инте-ракт.	Пр. подг.	Примечание
	<b>Раздел 1. Линейная алгебра</b>							
1.1	Введение. Матрицы и действия над ними. Определители и их свойства /Лек/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5Л3.4 Э1			
1.2	Миноры. Алгебраические дополнения. Теорема Лапласа. Обратная матрица. Ранг матрицы /Лек/	2	1	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.3 Л2.5Л3.4 Э1			
1.3	Системы линейных алгебраических уравнений. Метод Крамера. Решение СЛАУ с помощью обратной матрицы. Метод Гаусса /Лек/	2	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5Л3.4 Э1			
1.4	Общее решение неоднородных СЛАУ. Базисные решения. Однородные СЛАУ. /Лек/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5Л3.4 Э1			
1.5	Матрицы и действия над ними. Вычисление определителей второго и третьего порядков. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.4 Э1			
1.6	Миноры. Алгебраические дополнения. Вычисление определителей третьего и выше порядков. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.4 Э1			
1.7	Обратная матрица. Решение матричных уравнений. Ранг матрицы /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.4 Э1			
1.8	Решение СЛАУ с помощью обратной матрицы и по методу Крамера. Решение квадратных систем методом Гаусса. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.4 Э1			
1.9	Решение произвольных систем методом Гаусса. Совместность системы. Общее решение. Базисное решение системы. Решение однородных систем. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.4 Э1			
1.10	Выполнение домашних заданий и типовых расчетов по разделу "Линейная алгебра" /Ср/	2	24,5	ОПК-2	Л1.2 Э1			

	<b>Раздел 2. Векторная алгебра</b>							
2.1	Векторы. Основные понятия. Линейные операции над векторами. /Лек/	2	2					
2.2	Скалярное произведение векторов и его применение /Лек/	2	2					
2.3	Собственные векторы и собственные значения. Линейная модель обмена. /Лек/	2	4					
2.4	Линейные операции над векторами /Пр/	2	2					
2.5	Скалярное произведение векторов и его применение /Пр/	2	2					
2.6	Собственные векторы и собственные значения /Пр/	2	2					
2.7	Понятие базиса. Линейная зависимость и независимость векторов /Лек/	2	2					
2.8	Матрица перехода от одного базиса к другому /Лек/	2	2					
2.9	Линейная зависимость и независимость векторов /Пр/	2	1					
2.10	Переход от одного базиса к другому /Пр/	2	2					
2.11	Выполнение, подготовка к защите типового расчета. Выполнение домашних заданий по разделу "Векторная алгебра" /Ср/	2	20					
	<b>Раздел 3. Аналитическая геометрия</b>							
3.1	Прямая на плоскости. Различные уравнения прямой на плоскости. Основные задачи. /Лек/	2	4	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3Л3.1 Э1			
3.2	Кривые второго порядка /Лек/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.3Л3.1 Э1			
3.3	Прямая на плоскости. Различные виды прямой на плоскости. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.1 Э1			
3.4	Основные задачи прямой на плоскости. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.1 Э1			
3.5	Кривые второго порядка. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4Л3.1 Э1	2		
3.6	Выполнение домашних заданий и типового расчета по разделу "Аналитическая геометрия" /Ср/	2	17,4	ОПК-2	Л1.2 Э1			
	<b>Раздел 4. Пределы функции</b>							
4.1	Функция. Основные характеристики. Предел функции и его свойства. /Лек/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Э1			
4.2	Первый и второй замечательные пределы. /Лек/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Э1			

4.3	Непрерывность функции. Классификация точек разрыва. Свойства функций непрерывных на отрезке. /Лек/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Э1			
4.4	Функция. Область определения. Четность и нечетность. Периодичность. /Пр/	2	1	ОПК-2	Л1.2 Л1.3 Э1			
4.5	Вычисление пределов. Раскрытие неопределенностей. /Пр/	2	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Э1	2		
4.6	Замечательные пределы. /Пр/	2	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Э1			
4.7	Непрерывность функции. /Пр/	2	1	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Э1			
4.8	Выполнение домашних заданий и типовых расчетов по разделу "Пределы функций" /Ср/	2	18	ОПК-2	Л1.2 Э1			
4.9	/КрТО/	2	0,1					
	<b>Раздел 5. Производные функции. Применение производных</b>							
5.1	Производные функций. Определение производной и ее геометрический, механический и экономический смыслы. Правила дифференцирования. Производные основных элементарных функций. Дифференциал функции. /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5 Э1			
5.2	Дифференцирование сложных функций. Логарифмическое дифференцирование. Неявное дифференцирование. Параметрически заданные функции и их дифференцирование. Производные и дифференциалы высших порядков. /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5 Э1			
5.3	Основные теоремы дифференциального исчисления: теорема Ролля, Лагранжа, Ферма. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5 Э1			
5.4	Исследование функций с помощью производной: возрастание, убывание функции. Экстремум функции. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке. /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5 Э1			

5.5	Выпуклость, вогнутость функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Полное исследование функции и построение графиков. /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5 Э1			
5.6	Нахождение производных основных элементарных функций. Основные правила дифференцирования. /Пр/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			
5.7	Дифференцирования сложных функций. Логарифмическое дифференцирование, дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. /Пр/	3	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			
5.8	Правило Лопиталя. /Пр/	3	1	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			
5.9	Исследование функций с помощью производной: возрастание, убывание функции. Экстремум функции. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке. /Пр/	3	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1	2		
5.10	Выпуклость, вогнутость функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. функции и построение графиков. /Пр/	3	4	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			
5.11	Применение производной в экономике. /Пр/	3	1	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Э1			
5.12	Выполнение домашних заданий и типового расчета по разделу "Производные функции. Применение производных" /Ср/	3	24	ОПК-2	Л1.2 Э1			
	<b>Раздел 6. Функции нескольких переменных</b>							
6.1	Функции нескольких переменных. Основные понятия и определения. Частные производные первого порядка. Полный дифференциал. /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5Л3.2 Э1			
6.2	Частные производные и дифференциалы высших порядков. /Лек/	3	1	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3Л3.2 Э1			
6.3	Экстремум функции двух переменных. /Лек/	3	1	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.3 Л2.5Л3.2 Э1			
6.4	Нахождение частных производных первого порядка и полного дифференциала функций двух переменных. /Пр/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			

6.5	Частные производные высших порядков. Дифференцирование сложных и неявно заданных функций. /Пр/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			
6.6	Экстремум функции нескольких переменных. Функции нескольких переменных в экономике /Пр/	3	4	ОПК-2	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.4 Э1			
6.7	Выполнение домашних заданий и типовых расчетов по разделу "Функции нескольких переменных" /Ср/	3	13,8	ОПК-2	Л1.2 Э1			
	<b>Раздел 7. Неопределенный интеграл</b>							
7.1	Неопределенный интеграл. Определение. Свойства. Таблица интегралов. Непосредственное интегрирование /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л3.5 Э1			
7.2	Основные методы интегрирования (интегрирование по частям; замена переменной) /Лек/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.1 Л2.3Л3.5 Э1			
7.3	Интегрирование тригонометрических; рациональных и иррациональных функций /Лек/	3	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.1 Л2.3Л3.5 Э1			
7.4	Непосредственное интегрирование. Введение под знак дифференциала /Пр/	3	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.2 Л2.4Л3.3 Э1			
7.5	Метод интегрирования по частям. Интегрирование квадратных трехчленов. Метод подстановки /Пр/	3	4	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.2 Л2.4Л3.3 Э1			
7.6	Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических и иррациональных функций. /Пр/	3	2	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.2 Л2.4Л3.3 Э1			
7.7	Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и метод подстановки для определенных интегралов. /Пр/	3	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.2 Л2.4Л3.3 Э1			
7.8	Применение определенного интеграла в геометрии и экономики. Несобственный интеграл первого рода. /Пр/	3	3	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.2 Л2.4Л3.3 Э1	2		
7.9	Выполнение домашних заданий и типового расчета по разделу "Неопределенный интеграл" /Ср/	3	18	ОПК-2	Л1.1 Л1.4Л2.2 Л2.4Л3.3 Л3.5 Э1			
	<b>Раздел 8. Определенный интеграл и его применение</b>							
8.1	Определенный интеграл. Задачи приводящие к понятию определенного интеграла. Понятие определенного интеграла и его свойства. Формула Ньютона - Лейбница. /Лек/	3	2					

8.2	Применение определенного интеграла: вычисление площади криволинейной трапеции, длина дуги; экономические приложения). /Лек/	3	3					
8.3	Интегрирование по частям в определенном интеграле. Замена переменной. Несобственные интегралы /Лек/	3	2					
8.4	Выполнение типового расчета, домашних заданий по теме "Определенный интеграл" /Ср/	3	30					
	<b>Раздел 9. Числовые ряды</b>							
9.1	Основные определения. Необходимый признак сходимости. Достаточные признаки сходимости (Даламбера, радикальный и интегральный признак Коши, признаки сравнения) /Лек/	3	2					
9.2	Знакопеременные ряды /Лек/	3	2					
9.3	Исследование числовых рядов на сходимость /Пр/	3	6					
9.4	Исследование знакопеременных рядов /Пр/	3	2					
9.5	Нахождение области сходимости степенных рядов /Пр/	3	3					
9.6	Выполнение типового расчета, домашних заданий /Ср/	3	18,2					
9.7	/КрЭк/	3	0,3					
9.8	/Экзамен/	3	31,7					

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 5.1. Контрольные вопросы и задания

Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ

1. Определители 2-го, 3-го и n-го порядков, их свойства.
2. Определение, виды матриц. операции. Действия над ними.
3. Обратная матрица.
4. Ранг матрицы.
5. Общие сведения о системах уравнений: совместность, несовместность.
6. Метод Крамера решения систем n линейных уравнений с n неизвестными.
7. Решение систем линейных уравнений с помощью обратной матрицы.
8. Метод Гаусса решения систем уравнений.
9. Теорема Кронекера-Капелли.
10. Базисные решения системы.
12. n-мерный вектор и векторное пространство.
13. Операции над векторами. Линейная зависимость системы векторов.
14. Размерность и базис векторного пространства. Переход к новому базису.
15. Скалярное произведение векторов и его свойства.
17. Собственные векторы и собственные значения матрицы.
18. Уравнение прямой на плоскости. Различные формы записи уравнений.
19. Угол между прямыми, условия параллельности, перпендикулярности, пересечение прямых.
20. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в заданном отношении.
21. Общие сведения о линиях второго порядка.
22. Кривые второго порядка. Эллипс. Окружность. Основные характеристические точки и прямые.
23. Гипербола. Парабола.
24. Определение функции, способы ее задания.
25. Графики функций и их преобразования.
26. Основные характеристики функции: ограниченность, четность, нечетность, периодичность, монотонность.
27. Различные виды функций: основные элементарные, сложные, взаимнообратные.

28. Определение предела функции.
29. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
30. Геометрический смысл предела.
31. Свойства пределов функции.
32. Первый замечательный предел и его разновидности.
33. Второй замечательный предел и его разновидности.
34. Связь между бесконечно малыми и бесконечно большими функциями.
35. Непрерывность функции. Точки разрыва и их классификация.
36. Односторонние пределы.
37. Задачи, приводящие к понятию производной.
38. Определение производной функций. Геометрический, экономический и механический смыслы производной.
39. Основные правила дифференцирования.
40. Алгоритм нахождения производной функции. Пример.
41. Таблица производных основных функций.
42. Дифференцирование сложных функций.
43. Дифференцирование обратной функции.
44. Дифференцирование параметрически заданной функции.
45. Логарифмическое дифференцирование.
46. Дифференцирование неявно заданной функции.
47. Дифференциал функции и его применение.
48. Производные и дифференциалы второго и высших порядков.
49. Правило Лопиталя.
50. Монотонность функции. Экстремум функции.
51. Выпуклость, вогнутость функции. Точки перегиба.
52. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
53. Функции нескольких переменных: область определения, линии уровня.
54. Предел и непрерывность функции двух переменных.
55. Частные производные первого порядка.
56. Полный дифференциал функции. Частные производные сложных и неявных функций.
57. Частные производные второго и высших порядков.
58. Смешанные производные. Теорема о равенстве смешанных производных второго порядка.
59. Экстремум функции двух переменных.
60. Наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой области.
61. Первообразная функции и неопределенный интеграл.
62. Таблица неопределенных интегралов.
63. Непосредственное интегрирование неопределенных интегралов.
64. Свойства неопределенного интеграла.
65. Интегрирование подведением под знак дифференциала.
66. Интегрирование методом замены переменной.
67. Интегрирование по частям.
68. Интегрирование дробно-рациональных функций методом неопределенных коэффициентов.
69. Интегрирование тригонометрических функций.
70. Интегрирование иррациональных функций. Некоторые случаи подстановок.
71. Задачи, приводящие к определенному интегралу.
72. Определение определенного интеграла. Теорема существования и единственности.
73. Свойства определенного интеграла.
74. Формула Ньютона-Лейбница.
75. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле.
76. Приложения определенного интеграла: вычисление площади фигур.
77. Приложения определенного интеграла: вычисление длины дуги и объема тел вращения.
78. Несобственные интегралы. Несобственные интегралы I и II рода и их свойства.
79. Предмет теории вероятностей.
80. Дайте определения случайного, невозможного, достоверного событий. Приведите примеры.
81. Дайте определение противоположных событий. Приведите примеры.
82. Какие события называются несовместными. Приведите примеры.
83. Комбинаторика. Принципы сложения и умножения.
84. Комбинаторика. Перестановки. Сочетания. Размещения.
85. Сформулируйте классическое определение вероятности и свойства вероятности.
86. Какие два события называются взаимно независимыми. Как записать условие их взаимной независимости.
87. В чем состоит биномиальная схема испытаний Бернулли.
88. Дайте определение случайной величины. Приведите примеры.
89. Какие случайные величины называются дискретными?
90. Какие случайные величины называются непрерывными?
91. Дайте определение функции распределения. Каковы ее основные свойства.
92. Чему равна вероятность попадания значения непрерывной случайной величины в заданную точку?
93. Может ли равняться нулю вероятность попадания значения непрерывной случайной величины в заданный промежуток?
94. Дайте определение числовой характеристики случайной величины.
95. Что характеризует математическое ожидание случайной величины?

96. Что характеризует дисперсия случайной величины?
97. Что такое стандартное нормальное распределение?
98. Является ли распределение Пуассона дискретным или непрерывным?
99. Перечислите известные Вам непрерывные распределения.
100. Равномерное распределение и его числовые характеристики
101. Гипергеометрическое распределение
102. Закон больших чисел.
103. Предмет математической статистики.
104. Выборка, статистический ряд распределения.
105. Графическое изображение статистического ряда: полигон и гистограмма.
106. Эмпирическая функция распределения.
107. Числовые характеристики выборки
108. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки.
109. Точечная оценка генерального среднего по выборочному среднему.
110. Точечная оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной дисперсии.
111. Доверительный интервал, точность оценки, доверительная вероятность.
112. Доверительный интервал для неизвестного математического ожидания при известном  $\sigma$ .
113. Доверительный интервал для неизвестного математического ожидания при неизвестном  $\sigma$ .
114. Интервальная оценка среднего квадратического отклонения  $\sigma$  нормального распределения.
115. Понятие о статистической гипотезе.
116. Нулевая и конкурирующая гипотеза.
117. Ошибки первого и второго рода.
118. Статистический критерий. Критическая область.
119. Правило проверки статистической гипотезы.
120. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерии согласия Пирсона.
121. Основные задачи корреляционного анализа.
122. Функциональная и корреляционная зависимости.
123. Уравнение регрессии.
124. Нахождение уравнения линии регрессии по опытным данным.

Задания для проверки уровней обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ в ПРИЛОЖЕНИЯХ 1 и 2.

## 5.2. Темы курсовых работ (проектов)

не предусмотрены учебным планом

## 5.3. Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств (ФОС) для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине «Высшая математика» представляет собой комплект контрольно-измерительных материалов, предназначенных для контроля и оценивания результатов обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций, определения соответствия или несоответствия уровня достижений обучающегося планируемым результатам. Во 2 семестре: типовые расчеты №1, №2, №3, на усмотрение преподавателя контрольные работы № 1, 2, 3 или компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования (КОПТ) по разделу "Пределы". В 3 семестре: Типовые расчеты №3-10, контрольные работы - «Интегральное исчисление», «Случайные события», "Случайные величины", "Математическая статистика. Выборочный метод", "Элементы теории корреляции" или компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования (КОПТ) по разделам "Производные", "Функции нескольких переменных"

Варианты типовых расчетов представлены в ПРИЛОЖЕНИИ № 3, контрольных работ – ПРИЛОЖЕНИЕ № 4, компьютерных контрольно-обучающих программ тестирования (КОПТов) - ПРИЛОЖЕНИЕ № 5. Билеты для проведения итогового контроля во 2 семестре (зачет), в 3 семестре (экзамен), составляются из базы вопросов для оценки знаний, умений (приложение 1) и навыков (приложение 2), характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы. Образцы билетов представлены в ПРИЛОЖЕНИИ № 6.

## 5.4. Перечень видов оценочных средств

Контрольные работы,  
Контрольно-обучающая программа тестирования (КОПТ),  
Типовые расчеты,  
Тесты,  
Билеты для промежуточной аттестации.  
Шкалы оценивания по всем видам приведены в Приложении 7.

## 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### 6.1. Рекомендуемая литература

#### 6.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
--	---------------------	----------	-------------------

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
Л1.1	Н.Ш. Кремер, Б.А. Путко, И.М. Тришин, М.Н. Фридман	Высшая математика для экономических специальностей: Учебник и практикум	2010
Л1.2	Гмурман В.Е.	Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие	М.: Высшая школа 2002
Л1.3	Лелевкина Л.Г., Гончарова И.В., Комарцова Е.А.	Математический анализ: дифференциальное исчисление. Ч. 1: учебник	Бишкек: Изд-во КРСУ 2019
Л1.4	Л. Г. Лелевкина, И. В. Гончарова, Н. М. Комарцов, К. Р. Карабакиров	Математический анализ: интегральное исчисление: учебник	Изд-во КРСУ 2021

### 6.1.2. Дополнительная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
Л2.1	Под ред. В.И. Ермакова	Общий курс высшей математики для экономистов: Учебник	Москва.: ИНФРА-М 2003
Л2.2	Под ред. В.И. Ермакова	Сборник задач по высшей математике для экономистов: Учебное пособие	Москва.: ИНФРА-М 2005
Л2.3	Письменный Д.Т.	Конспект лекций по высшей математике: полный курс	М.: Айрис-пресс 2009
Л2.4	Письменный Д.Т., Федин С.Н., Шевченко Ю.А.	Сборник задач по высшей математике. 1 курс: учебное пособие	М.: Айрис-пресс 2008
Л2.5	Попов А.М., Сотников В.Н., Попов А.М.	Высшая математика для экономистов: учебник для бакалавров	М.: Юрайт 2012

### 6.1.3. Методические разработки

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
Л3.1	Лелевкина Л.Г.	Основы аналитической геометрии: Учебное пособие	КР-СУ 2012
Л3.2	Лелевкина Л.Г., Саламатина Е.А.	Функции двух и нескольких переменных: Учебное пособие	КР-СУ 2010
Л3.3	Давидюк Т.А., Гончарова И.В.	Определенный интеграл и его приложения: учебно-методическое пособие	Бишкек: Изд-во КРСУ 2010
Л3.4	Курманбаева А.К., Комарцова Е.А.	Линейная алгебра. Ч. 1: Учебно-методическое пособие	Бишкек: КРСУ 2015
Л3.5	Лелевкина Л.Г., Карабакиров К.Р.	Методы интегрирования неопределенных интегралов: Учебное пособие	Бишкек: Изд-во КРСУ 2017

### 6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	Сайт высшей математики КРСУ	<a href="http://www.matem.krsu.edu.kg">www.matem.krsu.edu.kg</a>
----	-----------------------------	--

### 6.3. Перечень информационных и образовательных технологий

#### 6.3.1 Компетентностно-ориентированные образовательные технологии

6.3.1.1	Традиционные образовательные технологии – лекции, практические занятия, ориентированные прежде всего на сообщение знаний и способов действий, передаваемых студентам в готовом виде и предназначенных для воспроизводящего усвоения и разбора конкретных задач.
6.3.1.2	Инновационные образовательные технологии – занятия в интерактивной форме, которые формируют системное мышления и способность генерировать идеи при решении различных творческих задач. К ним относятся: проблемная лекция; лекция с визуализацией; лекция-диалог; диалоговая форма обучения (предполагает разработку целенаправленной системы вопросов, поиск ответов на которые служит основой для включения студентов в дискуссию, в самостоятельный поиск необходимой информации); групповая форма работы (парами, фронтальная, групповая, индивидуальная, микрогруппы); метод «мозгового штурма» (участники обсуждения высказывают большое количество вариантов решения той или иной задачи).
6.3.1.3	Информационные образовательные технологии: электронные тексты лекций с презентациями; компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования, разработанные кафедрой; самостоятельное использование студентом компьютерной техники и интернет-ресурсов для выполнения домашних заданий, типовых расчетов и самостоятельной работы по различным разделам математического анализа.

#### 6.3.2 Перечень информационных справочных систем и программного обеспечения

6.3.2.1	Кафедра «Высшая математика» имеет постоянно действующий сайт, на котором содержится весь необходимый теоретический и практический материал для студентов, учебно-методические пособия (ЭУМП), учебнометодический комплекс данной специальности (ЭУМК), необходимый учебный материал (ЭУМ), электронный учебный курс (ЭУК) и электронная библиотека. Данные материалы размещены на сайте кафедры <a href="http://www.matem.krsu.edu.kg">www.matem.krsu.edu.kg</a>
---------	--

6.3.2.2	Линейная алгебра. Курманбаева А.К., Комарцова Е. А. <a href="https://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/linalg2015.pdf">https://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/linalg2015.pdf</a>
6.3.2.3	Аналитическая геометрия Лелевкина Л. Г., Джаналиева Ж. Р., Доулбекова С. Б. <a href="http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/2012.pdf">http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/2012.pdf</a>
6.3.2.4	Векторная алгебра Лелевкина Л. Г., Курманбаева А. К. <a href="http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/9vectalg.pdf">http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/9vectalg.pdf</a>
6.3.2.5	Лелёвкина Л. Г., Гончарова И. В., Комарцова Е. А. Математический анализ: Дифференциальное исчисление. Часть I <a href="https://matem.krsu.edu.kg/images/new/klassicheskiy1.pdf">https://matem.krsu.edu.kg/images/new/klassicheskiy1.pdf</a>
6.3.2.6	Лелёвкина Л. Г., Гончарова И. В., Комарцов Н. М., Карабакиров К. Р. Математический анализ: Интегральное исчисление. Часть II. <a href="https://matem.krsu.edu.kg/images/files/MATAN_ch2_uchebnik_compressed.pdf">https://matem.krsu.edu.kg/images/files/MATAN_ch2_uchebnik_compressed.pdf</a>
6.3.2.7	Курманбаева А. К., Гончарова И. В., Комарцова Е. А. Учебное пособие "Теория вероятностей и математическая статистика", <a href="https://matem.krsu.edu.kg/images/files/tvms_2021.pdf">https://matem.krsu.edu.kg/images/files/tvms_2021.pdf</a>
6.3.2.8	Гончарова И.В., Комарцов Н. М., Комарцова Е. А. Математическая статистика: корреляция и регрессия. <a href="https://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/correlat_regr.pdf">https://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/correlat_regr.pdf</a>

## 7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1	Лекционная аудитория на 100 посадочных мест;
7.2	Аудитория для проведения практических занятий на 45 посадочных мест;
7.3	Компьютерный класс для выполнения самостоятельной работы и просмотра фото-, аудио-, мультимедиа, видеоматериалов;
7.4	Проектор;
7.5	Презентации лекций по основным темам;
7.6	Компьютерная контрольно-обучающие программа тестирования.

## 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Система балльной аттестации при изучении курса «Высшая математика» осуществляется по накопительной системе баллов и предполагает текущий, рубежный и промежуточный контроль. Все виды учебной деятельности оцениваются в баллах. Для контроля и ритмичности работы студентов в течение семестра вводятся аттестационные недели в соответствии с технологической картой дисциплины, с указанием минимальной и максимальной сумм баллов. Технологические карты дисциплины представлены в ПРИЛОЖЕНИИ 8.

### МОДУЛЬНЫЙ КОНТРОЛЬ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ВКЛЮЧАЕТ:

1. Текущий контроль: усвоение учебного материала на аудиторных занятиях (лекциях, практических, в том числе учитывается посещение и активность) и выполнение обязательных заданий для самостоятельной работы (домашних заданий, типовых расчетов).
2. Рубежный контроль: проверка полноты знаний и умений по материалу модуля в целом. Выполнение модульных контрольных заданий проводится в письменном виде или с помощью компьютерной контрольно-обучающей программы тестирования и является обязательной компонентой модульного контроля.
3. Промежуточный контроль - завершенная задокументированная часть учебной дисциплины – совокупность тесно связанных между собой зачетных модулей.

### ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ТЕКУЩЕМУ КОНТРОЛЮ

Изучение дисциплины следует начинать с проработки рабочей программы, особое внимание, уделяя целям и задачам, структуре и содержанию курса. Успешное изучение курса требует от обучающихся посещения лекций, активной работы на практических занятиях, выполнение всех учебных заданий преподавателя, ознакомление с основной и дополнительной литературой. Запись лекции - одна из форм активной самостоятельной работы студентов, требующая навыков и умения кратко, схематично, последовательно и логично фиксировать основные положения и выводы, обобщения, формулировки. Культура записи лекции - один из важнейших факторов успешного и творческого овладения знаниями. Последующая работа над текстом лекции воскрешает в памяти содержание, позволяет развивать аналитическое мышление. В конце лекции преподаватель оставляет время (5-10 минут) для того, чтобы студенты имели возможность задать уточняющие вопросы по изучаемому материалу. Лекции в основном нацелены на освещение фундаментальных и широко используемых понятий и определений, теорем и их доказательств, а также призваны способствовать формированию навыков работы с научной литературой. Предполагается также, что студенты приходят на лекции, предварительно проработав соответствующий учебный материал по источникам, рекомендуемой программой. При подготовке к занятиям обучающийся должен просмотреть конспекты лекций, практических занятий, рекомендованную литературу по данной теме; подготовиться к ответу на контрольные вопросы, решить задания домашней работы. Рекомендуется регулярно отводить время для повторения пройденного материала, проверяя свои знания, умения и навыки по контрольным вопросам.

Работа с конспектом лекций предполагает просмотр конспекта лекций в тот же день после занятий, пометку материала конспекта, который вызывает затруднения для понимания. Следует найти ответы на затруднительные вопросы, используя рекомендованную литературу. Если самостоятельно не удалось разобраться в материале, нужно сформулировать вопросы, обратиться за помощью к преподавателю на еженедельных консультациях. За посещение лекционных и практических занятий, а также за активную работу на них, студент получает поощрительные баллы, указанные в технологической карте.

Для закрепления пройденного материала и формирования навыков решения задач на каждом практическом занятии студент

получает домашнее задание - 5-10 примеров, в зависимости от сложности, по пройденным темам. Для выполнения домашних заданий студентам необходимо внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия, проработать аналогичные задания, рассмотренные преподавателем на лекциях, разобранные на практических занятиях.

## ВЫПОЛНЕНИЕ ТИПОВОГО РАСЧЕТА

Для формирования навыков и умений, предусмотренных компетенциями, а также для активизации самостоятельной работы студентам нужно выполнить типовые расчеты. Задания для типовых расчетов приведены в ПРИЛОЖЕНИИ № 3. Номер варианта типового расчета выбирается согласно номера студента в списке группового журнала. Типовые расчеты выполняются в отдельной тетради с последующей обязательной защитой. Если студент за типовой расчет набирает баллы ниже минимального, установленного в технологической карте, то преподаватель возвращает типовой расчет на доработку. После доработки студент может получить только минимально возможное количество баллов.

## МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ ТИПОВОГО РАСЧЕТА

Перед выполнением типового расчета студентам нужно внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия; проработать аналогичные задания, рассмотренные преподавателем на лекциях, разобранные на практических занятиях, приведенные в рабочей программе образцы выполнения типовых расчетов (ПРИЛОЖЕНИЕ № 9). В случае затруднения выполнения заданий типового расчета следует обратиться с вопросами к преподавателю на еженедельных консультациях.

## ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РУБЕЖНОМУ КОНТРОЛЮ

Рубежный контроль по дисциплине «Высшая математика» проводится в виде контрольной работы или контрольного тестирования (КОПТ). Образцы контрольных работ и образцы их решения приведены в ПРИЛОЖЕНИИ № 4, образцы КОПТ приведены в ПРИЛОЖЕНИИ № 5. До рубежного контроля студенты должны пройти текущий контроль: выполнить домашние задания, защитить типовой расчет.

Контрольные работы проводятся в отведенное преподавателем время согласно технологической карте. В случае, если студент отсутствовал на рубежном контроле по уважительной причине, то он должен согласовать с преподавателем время, когда он сможет пройти его, но обязательно до промежуточной аттестации. Если студент за рубежный контроль набирает менее минимального количества баллов, указанных в технологической карте, то он имеет не более двух возможностей пройти его повторно. При этом он может получить не более 75% от максимально возможных баллов, указанных в технологической карте.

## МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

Перед выполнением контрольной работы студенту необходимо повторить пройденный теоретический материал по данному разделу, выписать и выучить используемые в данном разделе формулы, проработать задания из домашней работы и типового расчета.

## МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ КОПТ

Компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования включают в себя задания с четырьмя вариантами ответов. В каждом задании можно обратиться к кратким методическим указаниям, разъясняющим каким методом, на основе использования какой формулы решается данное задание. После окончания тестирования, компьютер выдает каждому студенту, количество верно решенных заданий.

## ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ПРОМЕЖУТОЧНОМУ КОНТРОЛЮ

Промежуточный контроль во 2 семестре -зачет, в 3 семестре - ЭКЗАМЕН. На промежуточном контроле студент должен верно ответить на теоретические вопросы билета и решить практические задания. Практические задания состоят из задач для проверки уровней обученности Уметь, Владеть. На промежуточном контроле студенту необходимо набрать не менее 20 баллов.

Оценка промежуточного контроля:

- 10 баллов - Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ
- 20 баллов - Вопросы для проверки уровней обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ

Образец билета приведен в ПРИЛОЖЕНИИ № 6.

## ШКАЛА ОЦЕНИВАНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОГО КОНТРОЛЯ в ПРИЛОЖЕНИИ № 10.

Итоговая оценка выставляется суммированием баллов текущего и итогового контролей следующим образом:

Оценка по 100-бальной шкале	Оценка по традиционной системе
85 – 100	Отлично
70 – 84	Хорошо
60 – 69	Удовлетворительно
0 – 59	Неудовлетворительно

--