## МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ, МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ КЫРГЫЗСКОЙ РЕСПУБЛИКИ

ГОУ ВПО Кыргызско-Российский Славянский университет имени первого Президента Российской Федерации Б.Н. Ельцина

## Экономико-математическое моделирование

## рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой Математических методов и исследований операций в экономике

Учебный план Направление 38.03.01 - РФ, 580100 - КР Экономика

Профиль "Математические методы в экономике"

Квалификация бакалавр

Форма обучения очная

Общая трудоемкость 5 ЗЕТ

Часов по учебному плану 180 Виды контроля в семестрах:

в том числе: экзамены 5

аудиторные занятия 64 курсовые работы 5

 самостоятельная работа
 80

 экзамены
 35,7

#### Распределение часов дисциплины по семестрам

| Семестр<br>(<Курс>.<Семестр на курсе>)            | 5 (3 | 3.1) | Итого |                                   |  |
|---|------|------|-------|-----------------------------------|--|
| Недель  | 15   | 2/6  |       | April 100 Control Control Control |  |
| Вид занятий                                       | УП   | РΠ   | УП    | РΠ                                |  |
| Лекции  | 32   | 32   | 32    | 32                                |  |
| Практические                                      | 32   | 32   | 32    | 32                                |  |
| Контактная работа в период экзаменационной сессии | 0,3  | 0,3  | 0,3   | 0,3                               |  |
| В том числе инт.                                  | 6    | 6    | 6     | 6                                 |  |
| В том числе в форме практ.подготовки              | 32   |      | 32    |                                   |  |
| Итого ауд.  | 64   | 64   | 64    | 64                                |  |
| Контактная работа                                 | 64,3 | 64,3 | 64,3  | 64,3                              |  |
| Сам. работа                                       | 80   | 80   | 80    | 80                                |  |
| Часы на контроль                                  | 35,7 | 35,7 | 35,7  | 35,7                              |  |
| Итого   | 180  | 180  | 180   | 180                               |  |

Программу составил(и):

ст.преподаватель, Гордюшина Е.В.

Рецензент(ы):

д.э.н., доцент, Кыдыралиев С.К.

Рабочая программа дисциплины

#### Экономико-математическое моделирование

разработана в соответствии с ФГОС 3+:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 38.03.01 Экономика (приказ Минобрнауки России от 12.08.2020 г. № 954)

составлена на основании учебного плана: Направление 38.03.01 - РФ, 580100 - КР Экономика Профиль "Математические методы в экономике" утвержденного учёным советом вуза от 28.06.2024 протокол № 11

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Математических методов и исследований операций в экономике

Протокол от 25.10.2024 г. № 4

Срок действия программы: 20242028 уч.г. Зав. кафедрой д.т.н., профессор Миркин Е.Л.

#### Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС 28 октебря 2024 г. J8 - Tyceler to. B.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2024-2025 учебном году на заседании кафедры Математических методов и исследований операций в экономике

Протокол от 25 октяболе 2024 г. № 4 Зав. кафедрой Д.т.н., профессор Миркин Е.Л.

#### Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС ДР Ру 29 08 2025 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2025-2026 учебном году на заседании кафедры Математических методов и исследований операций в экономике

Протокол от <u>**29**</u>. <u>08</u> 2025 г. № <u>**1**</u> Зав. кафедрой Д.т.н., профессор Миркин Е.Л.

#### Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС 2026 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры Математических методов и исследований операций в экономике

> 2026 г. № Протокол от Зав. кафедрой Д.т.н., профессор Миркин Е.Л.

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС 2027 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры Математических методов и исследований операций в экономике

> Протокол от 2027 г. № Зав. кафедрой Д.т.н., профессор Миркин Е.Л.

|     | 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ   |  |  |  |  |  |  |  |
|-----|---|--|--|--|--|--|--|--|
| 1.1 | Цель дисциплины — формирование системного представления о методологии проведения анализа экономических объектов, явлений и ли процессов на основе построения и анализа описывающих их математических моделей. |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.2 | Задачи дисциплины:  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.3 | •ознакомить студентов с целями экономико-математического моделирования и методами получения решений на моделях;   |  |  |  |  |  |  |  |
| 1.4 | •сформировать навыки анализа экономических объектов на основе моделей с использованием программного обеспечения ЭВМ;  |  |  |  |  |  |  |  |
|     | •вооружить студентов пониманием важности использования экономико-математических методов в практике для принятия обоснованных экономических решений.   |  |  |  |  |  |  |  |

|       | 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП   |                                   |  |  |  |  |  |  |  |
|-------|---|-----------------------------------|--|--|--|--|--|--|--|
| Ци    | икл (раздел) ООП:   | Б1.В                              |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.1   | Требования к предвар  | ительной подготовке обучающегося: |  |  |  |  |  |  |  |
|       | Изучение дисциплины опирается на знания, навыки и умения, полученные при освоении курсов микроэкономики, линейной алгебры и математического анализа |                                   |  |  |  |  |  |  |  |
|       | Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:   |                                   |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.2.1 | Преддипломная практи  | ka.                               |  |  |  |  |  |  |  |
| 2.2.2 | Подготовка выпускной  | квалификационной работы.          |  |  |  |  |  |  |  |

| 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) |   |  |  |  |  |  |  |  |
|--|---|--|--|--|--|--|--|--|
| ПК-2: (  | ПК-2: Способен обоснованно использовать современные инструменты и методы сбора, подготовки и анализа  |  |  |  |  |  |  |  |
|  | данных  |  |  |  |  |  |  |  |
| Знать:   |   |  |  |  |  |  |  |  |
| Уровень 1  | Современные методы, технологии и инструментальные средства сбора, подготовки и анализа данных.  |  |  |  |  |  |  |  |
| Уметь:   |   |  |  |  |  |  |  |  |
| Уровень 1  | Проводить: сравнительный анализ методов и инструментальных средств анализа данных; аналитические работы с использованием современных инструментов и методов сбора, подготовки и анализа данных, в том числе ориентированных на работу с большими структурированными и неструктурированными гомогенными и гетерогенными данными. |  |  |  |  |  |  |  |
| Владеть:   |   |  |  |  |  |  |  |  |
| Уровень 1  | Современным инструментарием и методами сбора и подготовки данных для последующей обработки адекватными поставленной задаче методами (математическими, статистическими, семантическими и др.).   |  |  |  |  |  |  |  |

## В результате освоения дисциплины обучающийся должен

| 3.1   | Знать:  |  |  |  |  |  |  |
|-------|---|--|--|--|--|--|--|
| 3.1.1 | принципы моделирования;   |  |  |  |  |  |  |
| 3.1.2 | •правомерность переноса свойств моделей на реальные объекты;                |  |  |  |  |  |  |
| 3.1.3 | •область действия модели;   |  |  |  |  |  |  |
| 3.1.4 | •примеры моделей в экономике  |  |  |  |  |  |  |
| 3.2   | Уметь:  |  |  |  |  |  |  |
| 3.2.1 | •строить простейшие модели;   |  |  |  |  |  |  |
| 3.2.2 | •получать решения на моделях с помощью прикладного программного обеспечения |  |  |  |  |  |  |
| 3.3   | Владеть:  |  |  |  |  |  |  |
| 3.3.1 | •терминологией экономико-математического моделирования;                     |  |  |  |  |  |  |
| 3.3.2 | •приемами построения моделей;   |  |  |  |  |  |  |
| 3.3.3 | •методами и способами получения решений на моделях                          |  |  |  |  |  |  |

|         | 4. СТРУКТУРА И СОД   | [ЕРЖАНИ]  | Е ДИСЦ | иплины (  | МОДУЛЯ)                             |       |  |
|---------|--|-----------|--------|-----------|-------------------------------------|-------|--|
| Код     | Наименование разделов и тем /вид   | Семестр / | Часов  | Компетен- | Литература                          | Инте  | Примечание   |
| занятия | занятия/<br>Раздел 1. Производственные функции   | Kypc      |        | ции       |                                     | ракт. |  |
| 1.1     | Основные понятия экономико-математического моделирования /Лек/   | 5         | 2      | ПК-2      | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |       |  |
| 1.2     | Неоклассическая производственная функция /Лек/   | 5         | 4      | ПК-2      | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |       |  |
| 1.3     | Суммарные, средние и предельные величины в экономике /Лек/   | 5         | 4      | ПК-2      | Л2.2                                |       |  |
| 1.4     | Обобщение производственных функций /Лек/   | 5         | 2      | ПК-2      | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |       |  |
| 1.5     | Инструмент EXCEL "Подбор параметра" / Пр /   | 5         | 2      | ПК-2      | Л1.3 Л1.4                           |       |  |
| 1.6     | Использование инструмента «Подбор параметра» для решения системы нелинейных уравнений. Нахождения равновесия на рынке /Пр/   | 5         | 2      | ПК-2      | Л1.3 Л1.4                           |       | Нелинейные алгебраические уравнения в EXCEL. Получение решения с заданной точностью. Влияние начального приближения на найденное решение. Случаи множественны х решений или отсутствия решения |
| 1.7     | Имитация трехмерной графики в EXCEL. Построение графиков однопродуктовых двухресурсных функций: Линейной, Аллена, Леонтьева, Кобба-Дугласа /Пр/                      | 5         | 2      | ПК-2      | Л1.3 Л1.4                           |       |  |
| 1.8     | Разномасштабные графики в EXCEL. Графическая интерпретация поведения производственных функций в случае отсутствия ограничений и в случае ограничений на ресурсы /Пр/ | 5         | 2      | ПК-2      | Л1.3 Л1.4                           |       |  |
| 1.9     | Решение задач на расчеты суммарных, средних и предельных   | 5         | 2      |           | Л1.3 Л1.4                           |       |  |

величин /Пр/

| 1.10 | Функции средних и предельных выпусков производственных функций. Построение графиков средних и   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           | 2 | Использование линеаризации и             |
|------|---|---|---|------|-------------------------------------|---|--|
|      | предельных выпусков для функции КД и CES /Пр/   |   |   |      |                                     |   | дифференциро<br>вания при<br>работе<br>с |
|      |   |   |   |      |                                     |   | производствен ной функцией Кобба-Дугласа |
| 1.11 | История развития и применения математических методов в экономике /Cp/   | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 1.12 | Задание по теме Лабораторной 1 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.13 | Задание по теме Лабораторной 2 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.14 | Проверка выполнения условий, свойственных неоклассической производственной функции для линейной производственной функции и функции с постоянными пропорциями /Ср/ | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 1.15 | Задание по теме Лабораторной 3 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.16 | Проверка выполнения условий, свойственных неоклассической производственной функции для функции Кобба-Дугласа и CES /Cp/   | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 1.17 | Задание по теме Лабораторной 4 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.18 | Использование линеаризации и дифференцирование при работе с производственной функцией Кобба-Дугласа /Ср/  | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 1.19 | Рассчитать предельный и средний выпуск для линейной производственной функции и функции с постоянными пропорциями /Ср/   | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.20 | Задание по теме Лабораторной 5 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.21 | Рассчитать предельный и средний выпуск для функции Кобба-Дугласа и CES /Cp/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 1.22 | Суммарные, средние и предельные величины /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2              |   |  |
| 1.23 | Обрисовать недостатки Линейной, Аллена, с постоянными пропорциями производственных функций /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 1.24 | Задание по теме Лабораторной 6 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 1.25 | Рассчитать предельный и средний выпуск для функции CES. Вывести формулу и дать интерпретацию эластичности замещения ресурсов функции CES /Cp/                     | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
|      | Раздел 2. Оптимальные задачи в<br>экономике   |   |   |      |                                     |   |  |
| 2.1  | Основные понятия и определени /Лек/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 2.2  | Общий принцип решения оптимальных задач в экономике /Лек/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
|      |   |   |   |      |                                     |   |  |

| 2.3  | Модели деятельности фирмы /Лек/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |
|------|---|---|---|------|-------------------------------------|---|---|
| 2.4  | Модели потребительского выбора /Лек/  | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |
| 2.5  | Инструмент EXCEL "Поиск решения" Задачи безусловной и условной оптимизации в EXCEL. Получение решения с заданной точностью. /Пр/                                      | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   | Влияние начального приближения на найденное решение. Случаи множественны х решений или отсутствия решения |
| 2.6  | Многомерная задача оптимизации деятельности фирмы. Запись на листе EXCEL, постановка задачи в окне "Поиска решения". Введение ограничений. Анализ решения /Пр/        | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |   |
| 2.7  | Модели деятельности фирмы Решение и графическая интерпретация задач оптимизации в случае двух ресурсов /Пр/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |   |
| 2.8  | Решение и графическая интерпретация задач потребительского выбора. Получение решения задачи потребительского выбора на модели Стоуна /Пр/                             | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           | 2 | Сбор данных и описание домашних предпочтений в приобретении продуктов питания                             |
| 2.9  | Задание по теме Лабораторной 7 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |   |
| 2.10 | Задание по теме Лабораторной 8 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |   |
| 2.11 | Записать модель минимизации затрат при фиксированном выпуске в случае однопродуктовой, двухресурсной производственной функции. Сделать графическую интерпретацию /Ср/ | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |
| 2.12 | Сравнить свойства и экономическую интерпретацию свойств производственной неоклассической функции и функции полезности /Ср/  | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |
| 2.13 | Ординалисткая и кардиналисткая теории полезности /Cp/   | 5 | 6 | ПК-2 |                                     |   |   |
| 2.14 | Задание по теме Лабораторной 9 /Ср/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |   |
| 2.15 | Задание по теме Лабораторной 10 /Cp/<br>Раздел 3. Линейное  | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |   |
|      | газдел э. линеиное<br>программирование  |   |   |      |                                     |   |   |
| 3.1  | Производственные задачи распределения ограниченных ресурсов /Лек/   | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |
| 3.2  | Задача линейного программирования. Основные понятия и определения /Лек/   | 5 | 4 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |
| 3.3  | Симплекс метод. Симплекс таблица /Лек/  | 5 | 2 | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |   |

| 3.4  | Типы задач линейного программирования /Лек/   | 5 | 4    | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2              |   |  |
|------|---|---|------|------|-------------------------------------|---|--|
| 3.5  | Задачи линейного программирования Многомерная задача линейного программирования. Запись на листе EXCEL, постановка задачи в окне "Поиска решения". Введение ограничений. Анализ решения. /Пр/ | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.6  | Моделирование экономических задач, допускающих получение решения на модели с помощью линейного программирования /Пр/  | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           | 2 | Обсуждение различных постановок задач и различных критериев в целях решения одной задачи |
| 3.7  | Постановка и решение целочисленных экономических задач с помощью моделей и методов математическго программирования в EXCEL /Пр/   | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.8  | Двойственная задача линейного программирования. Постановка и решение прямой и двойственной задачи линейного программирования в EXCEL. Анализ полученных решений и их интерпретация /Пр/       | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.9  | Транспортная задача закрытого типа. Решение транспортных задач закрытого типа в EXCEL. Особенности постановки и решения задач открытого типа в EXCEL /Пр/                                     | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.10 | Транспортная задача открытого типа. Решение транспортных задач открытого типа в EXCEL. Особенности постановки и решения задач открытого типа в EXCEL /Пр/                                     | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.11 | Задание по теме Лабораторной 11 /Ср/  | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.12 | Задание по теме Лабораторной 12 /Ср/  | 5 | 4    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.13 | Преобразование задачи минимизации в задачу максимизации. Преобразование канонической задачи линейного программирования в стандартную и обратн /Ср/  | 5 | 4    | ПК-2 | Л1.1 Л1.2<br>Л2.1 Л2.2<br>Л2.3 Л2.4 |   |  |
| 3.14 | Задание по теме Лабораторной 13 /Ср/  | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.15 | Построение симплекс таблицы для заданного примера /Ср/  | 5 | 2    | ПК-2 |                                     |   |  |
| 3.16 | Задание по теме Лабораторной 14 /Ср/  | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.17 | Задание по теме Лабораторной 15 /Ср/  | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.18 | Задание по теме Лабораторной 16 /Ср/  | 5 | 2    | ПК-2 | Л1.3 Л1.4                           |   |  |
| 3.19 | /КрЭк/  | 5 | 0,3  | ПК-2 |                                     |   |  |
| 3.20 | /Экзамен/   | 5 | 35,7 | ПК-2 |                                     |   |  |

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

## 5.1. Контрольные вопросы и задания

Приложение 1.Вопросы к теоретическому экзамену

## 5.2. Темы курсовых работ (проектов)

Приложение 2.Примерные темы курсовых работ

## 5.3. Фонд оценочных средств

Приложение 3. Задания для лабораторных и домашних работ Приложение 4. Темы докладов Приложение 5. Тесты

Приложение 6.Контрольные работы

## 5.4. Перечень видов оценочных средств

Приложение 7. Виды работ и шкалы

Лабораторные и домашние работы Доклады

Тесты

Контрольные работы Курсовая работа Экзамен письменный

| Экзамен письменный |                               |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--------------------|-------------------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| 6                  | . УЧЕБНО-МЕТОДИ               | ЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИС  | циплины (модуля)   |  |  |  |  |  |  |
|                    | 6.1. Рекомендуемая литература |  |  |  |  |  |  |  |  |
|                    |                               | 6.1.1. Основная литература   |  |  |  |  |  |  |  |
|                    | Авторы, составители           | Заглавие   | Издательство, год  |  |  |  |  |  |  |
| Л1.1               | В.А.Колемаев                  | Математическая экономика   | M.: ЮНИТИ-ДАНА 2012<br>Режим доступа:<br>http://www.iprbookshop.ru/3<br>4475.html  |  |  |  |  |  |  |
| Л1.2               | Е.Н. Лукаш [и др.]            | Моделирование экономических процессов  | M.: ЮНИТИ-ДАНА, 2017.—<br>Режим доступа:<br>http://www.iprbookshop.ru/749<br>52.html   |  |  |  |  |  |  |
| Л1.3               | Катаргин Н.В.                 | Экономико-математическое моделирование в Excel   | Саратов: Вузовское образование, Режим доступа: <a href="http://www.iprbookshop.ru/79835.html">http://www.iprbookshop.ru/79835.html</a> |  |  |  |  |  |  |
| Л1.4               | И.В.Лукашова                  | Решение экстремальных задач в EXCEL  | Бишкек: КРСУ 2011  |  |  |  |  |  |  |
|                    |                               | 6.1.2. Дополнительная литература   | •  |  |  |  |  |  |  |
|                    | Авторы, составители           | Заглавие   | Издательство, год  |  |  |  |  |  |  |
| Л2.1               | Ю.П. Иванников,<br>А.В.Лотов  | Математические модели в экономике  | М.: Наука 1979   |  |  |  |  |  |  |
| Л2.2               | Дж.Бигель                     | Управление производством. Количественный подход  | М.: Мир 1973   |  |  |  |  |  |  |
| Л2.3               | Ч.Карр, Ч.Хоув                | Количественные методы принятия решений в управлении и экономике  | М.:Мир 1966  |  |  |  |  |  |  |
| Л2.4               |                               | Экономика и математические методы: Журнал  | М:Наука  |  |  |  |  |  |  |
|                    | 6.2. Перече                   | ень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети   | "Интернет"   |  |  |  |  |  |  |
| Э1                 | Научная электронная           | библиотека   | http://cyberleninka.ru   |  |  |  |  |  |  |
| Э2                 | Научная электронная           | библиотека   | http://elibrary.ru   |  |  |  |  |  |  |
| Э3                 | Федеральная служба            | государственной статистики РФ  | http://www.gks.ru  |  |  |  |  |  |  |
|                    | 6.                            | 3. Перечень информационных и образовательных технолог  | ий   |  |  |  |  |  |  |
|                    | 6.3.1                         | Компетентностно-ориентированные образовательные техно  | ологии   |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.1.1            | Традиционные: Лекц            | ии, лабораторные работы, доклады.  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.1.2            | 2 Инновационные: Ана питания. | литическая работа - Анализ предпочтений в домохозяйстве при  | и выборе и покупке продуктов   |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.1.3            | В Информационные: С           | бор базы данных по ценам продуктов питания. Презентация дог  | кладов и курсовой работы.  |  |  |  |  |  |  |
|                    | 6.3.2 Переч                   | ень информационных справочных систем и программного  | обеспечения  |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.2.1            | MS Windows                    |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.2.2            | 2 MS Word                     |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.2.3            | MS Excel                      |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6.3.2.4            | MS PowerPoint                 |  |  |  |  |  |  |  |  |
|                    | 7. МАТЕРИА                    | АЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИН  | Ы (МОДУЛЯ)   |  |  |  |  |  |  |
| 7.1                | занятия проводятся в          | в виде компьютерных презентаций с использованием мультиме компьютерном классе, оснащенном персональными компьютер новленным профессиональным программным обеспечением. Исльной информации. | рами с необходимыми  |  |  |  |  |  |  |

## 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Приложение 8.Технологическая карта, виды работ и их вес Приложение 9. Указания к выполнению курсовой работы Приложение 10.Краткий словарь терминов

# Вопросы к теоретическому экзамену по курсу «Экономико-математическое моделирование»

- 1. Понятие модели, математической модели, экономико-математической модели. Функции моделирования. Необходимость в моделировании. Правомерность переноса свойств моделей на реальные объекты.
- 2. Моделирование в физике и экономике. Классификация экономико-математических моделей.
- 3. Понятие производственной функции.
- 4. Основные свойства многопродуктовой неоклассической производственной функции.
- 5. Функция Кобба-Дугласа. Удовлетворение свойствам производственных функций.
- 6. Линейная производственная функция.
- 7. Производственная функция с постоянными пропорциями.
- 8. Производственная функция Аллена.
- 9. Изокванта. Свойства изокванты. Карта изоквант. Предельная норма замещения одного ресурса другим.
- 10. Изокванты производственных функций (КД, Линейной, Леонтьева, Аллена)
- 11. Эластичность выпуска по ресурсам. Эластичность производства.
- 12. Учет технического прогресса в производственной функции. Автономный технический прогресс.
- 13. Суммарные, средние и предельные величины в экономике.
- 14. Соотношение между суммарными, средними и предельными величинами.
- 15. Эластичность замещения ресурсов в производственной функции.
- 16. Предельный и средний выпуск в функции Кобба-Дугласа.
- 17. Эластичность замещения ресурсов в функции Кобба-Дугласа. Недостатки функции Кобба-Дугласа.
- 18. Функция с постоянной эластичностью замещения -CES.
- 19. Основные свойства функции -CES.
- 20. Предельная норма замещения одного ресурса другим -CES. Изокванта функции CES.
- 21. Эластичность замещения ресурсов -CES.
- 22. Предельный и средний выпуск CES.

- 23. CES -преодоление недостатков производственных функций Кобба-Дугласа, линейной и производственной функций с постоянными пропорциями.
- 24. Оптимальные задачи в экономике.
- 25. Задачи безусловной оптимизации, задачи условной оптимизации.
- 26. Локальный экстремум, глобальный экстремум.
- 27. Общий принцип решения оптимальных задач в экономике.
- 28. Функция Лагранжа. Метод множителей Лагранжа.
- 29. Алгоритм поиска глобального экстремума при использовании метода множителей Лагранжа. Модель максимизации выпуска (однопродуктовой, двухресурсной производственной функции) при ограничениях на затраты.
- 30. Изокоста, изокванты. Взаимное расположение изокосты и изокванты. Экономическая и графическая интерпретация.
- 31. Предельная норма замены ресурсов в точке максимума прибыли фирмы, при ограничениях на затраты.
- 32. Модель минимизации затрат при фиксированном выпуске в случае однопродуктовой, двухресурсной производственной функции.
- 33. Теория потребительского выбора. Допущения теории потребительского выбора.
- 34. Потребительский набор. Определение полезности. Функция полезности.
- 35. Свойства и экономическая интерпретация свойств функции полезности.
- 36. Предельная полезность экономического блага. Математическая и экономическая интерпретация.
- 37. Кривая безразличия. Карта кривых безразличия. Линия бюджетного ограничения.
- 38. Задача потребительского выбора. Модель потребительского выбора.
- 39. Сравнение свойств и экономической интерпретации свойств неоклассической производственной функции и функции полезности.
- 40. Сравнение моделей задач оптимизации производства с моделями оптимизации потребительского выбора.
- 41. Функция Стоуна. Модель Стоуна. Допущения модели Стоуна.
- 42. Использование метода множителей Лагранжа для получения решения на модели Стоуна.
- 43. Функция спроса в модели Стоуна. Экономическая интерпретация функции спроса.
- 44. Производственные задачи распределения ограниченных ресурсов. Текущее и перспективное планирование деятельности предприятия.
- 45. Общая задача линейного программирования. Множество допустимых решений задачи линейного программирования.

- 46. Каноническая и стандартная задачи линейного программирования. Преобразование канонической задачи линейного программирования в стандартную и обратно.
- 47. Выпуклые множества. Внутренние, граничные и угловые точки выпуклого множества.
- 48. Существование оптимального решения задачи линейного рограммирования.
- 49. Графическое решение задачи линейного программирования. Алгоритм графического решения задачи линейного программирования.
- 50. Базисные и независимые переменные. Базисное решение задачи линейного программирования.
- 51. Эффективность переборов допустимых базисных решений. Идея симплекс-метода.
- 52. Требования к постановке задачи линейного программирования для применения симплекс метода. Симплекс таблица. Алгоритм работы с симплекс таблицей.
- 53. Двойственная задача линейного программирования. Понятие теневых цен.
- 54. Транспортная задача.
- 55. Открытая транспортная задача. Закрытая транспортная задача.

# Примерные темы курсовых работ по курсу «Экономико-математическое моделирование»

- 1. Формирование доходного портфеля. Модель Марковитца.
- 2. Модель «Затраты-выпуск» Леонтьева
- 3. Методы решения задач целочисленного линейного программирования
- 4. Модель Слуцкого
- 5. Задача управления запасами
- 6. Ассиметричная жесткость цен и оптимальный уровень инфляции
- 7. Двухэтапная задача стохастического программирования для формирования портфеля ценных бумаг
- 8. Модели и методы экспресс анализа при выборе схем налогообложения в малом бизнесе
- 9. Применение методов оптимизации при анализе и управлении информационными рисками
- 10. Модельные исследования способов стимулирования экономического роста
- 11. Методы оптимального распределения трансфертов
- 12. Модель рационального поведения налогоплательщика
- 13. Производственные функции в условиях неопределенности
- 14. Аналитическое решение макромодели региона при экзогенном демографическом прогнозе
- 15. Моделирование и прогнозирование скрываемых элементов занятости и доходов
- 16. Применение дифференциальных уравнений для анализа динамики развития малых предприятий использующих кредитно инвестиционные ресурсы
- 17. Прогнозирование обменного курса
- 18. Долгосрочные эффекты налоговой и монетарной политики правительства и потери общества
- 19. Сравнительный анализ показателей эффективности инвестиционных проектов
- 20. Оценка эффективности рекламных кампаний
- 21. Задача бюджетирования капитала с размытыми параметрами
- 22. Полярные индексы для оценки явлений, определяемых разнородными факторами
- 23. Норма доходности инвестиционного проекта
- 24. Рыночное ценообразование и производственные циклы
- 25. Парадокс запланированного устаревания

- 26. Оптимизация распределения ресурсов между стратегическими единицами бизнеса на основе динамического программирования
- 27. Моделирование рейтингов банков
- 28. Оценка макроэкономических последствий удорожания энергоносителей
- 29. Благосостояние и неравенство в доходах как криминогенный фактор
- 30. Имитационная модель экономического поведения производителей товаров и услуг
- 31. Специальная модель потребительского выбора
- 32. Анализ закономерностей и прогноз межгодовых колебаний урожаев сельскохозяйственных культур
- 33. Моделирование демографических изменений при экономических ограничениях
- 34. Оценка эффективности рекламных кампаний
- 35. Анализ московского рынка квартир март-май текущего года.
- 36. Анализ Алма-атинского рынка квартир март-май текущего года.
- 37. Анализ Бишкекского рынка квартир март-май текущего года.
- 38. Ремонт выборки параметров квартир, представленных к продаже по данным газеты «Мегаполис» март-май текущего года
- 39. Моделирование выпуска Кыргызстана на основе производственной функции
- 40. Фактор экономики знаний в социально-экономическом развитии и качестве жизни населения
- 41. Благосостояние и неравенство в доходах как криминогенный фактор
- 42. Либерализационный оптимум и его специфика в условиях нового рыночного хозяйства
- 43. Инфляционные процессы в КР и рост стоимости продовольствия на мировых рынках.
- 44. Влияние стоимости нефти на стоимость московской недвижимости.
- 45. Расчет ставки капитализации для офисной недвижимости г. Бишкек.
- 46. Расчет ставки земельного налога для случая облагораживания территории г. Бишкек.

## Задания для лабораторных и домашних работ по курсу «Экономико-математическое моделирование»

#### Лабораторные работы

#### Раздел 1. Производственные функции

Тема 1. Основные понятия экономико-математического моделирования Лабораторная работа 1.1.1. Инструмент EXCEL "Подбор параметра" - 2 часа [1] - Стр. 13, Задание 1,задачи1-12; Задание 2,задачи 1-3.

#### Раздел 1. Производственные функции

Тема 2. Неоклассическая производственная функция Лабораторная работа 1.2.1. Производственные функции. Графики - 2 часа

Проверить выполняются ли свойства 1) -4) для функций:

1.Y = 3\*K+4\*L

2. Y = min(K/3;L/2)

3. Y=3\*K^0.4\*L^0.6

Построить функции выпуска при L=0...20 и K=10

Построить изокванту при выпуске равном 15

Для построения изокванты использовать "Подбор параметра"

#### Раздел 1. Производственные функции

Тема 3. Суммарные, средние и предельные величины в экономике Лабораторная работа 1.3.1. Производственные функции. Графики - 2 часа

Задана производственная функция КД

 $Y = 2*K^0.4*L^0.6$ 

Решить уравнение – M<sub>k</sub>=20

Зафиксировав капитал на уровне постоянной величины построить:

- 1. Функцию выпуска
- 2. Функцию средней производительности труда
- 3. Функцию предельной производительности труда.
- 4. Изокванту при выпуске равном 16 единиц.
- 5. Карту изоквант при выпуске 10, 15, 20
- 6. Функцию предельной нормы замены капитала трудом
- 7. Функцию предельной нормы замены труда капиталом

#### Раздел 2. Оптимальные задачи в экономике

Тема 2. Общий принцип решения оптимальных задач в экономике Лабораторная работа 2.2.1. Инструмент EXCEL "Поиск решения" - 2 часа [1] - Стр. 40, Задание 6, задачи1-12.

#### Раздел 2. Оптимальные задачи в экономике

Тема 3. Модели деятельности фирмы

Лабораторная работа 2.3.1. Модели деятельности фирмы - 2 часа Задача

Фирма производит некоторый однородный продукт. Спрос на продукт неограничен. Ежемесячно фирма располагает фиксированным бюджетом для найма рабочих и аренды оборудования. Час рабочего времени стоит  $P_L$  сом, час аренды станков  $-P_K$  сом. Производственная функция выпуска фирмы равна  $1,1*L^a*K^{1-a}$  (где K – капитал, L- труд).

| $N_{\underline{0}}N_{\underline{0}}$ |             | Эластичность | Эластичность | Цена аренды   | Цена    |
|--------------------------------------|-------------|--------------|--------------|---------------|---------|
|                                      | Бюджет, сом | выпуска по   | выпуска по   | оборудования, | труда,  |
|                                      |             | капиталу     | труду        | сом/час       | сом/час |
| 1                                    | 576000      | 0.7          | 0.3          | 69            | 68      |
| 2                                    | 335000      | 0.3          | 0.7          | 23            | 77      |
| 3                                    | 251000      | 0.7          | 0.3          | 46            | 34      |
| 4                                    | 595000      | 0.2          | 0.8          | 31            | 22      |
| 5                                    | 168000      | 0.5          | 0.5          | 61            | 64      |
| 6                                    | 288000      | 0.3          | 0.7          | 35            | 67      |
| 7                                    | 630000      | 0.4          | 0.6          | 22            | 63      |
| 8                                    | 266000      | 0.5          | 0.5          | 40            | 61      |
| 9                                    | 609000      | 0.4          | 0.6          | 51            | 21      |
| 10                                   | 480000      | 0.8          | 0.2          | 41            | 39      |
| 11                                   | 252000      | 0.5          | 0.5          | 34            | 72      |
| 12                                   | 355000      | 0.2          | 0.8          | 46            | 56      |
| 13                                   | 161000      | 0.2          | 0.8          | 37            | 56      |
| 14                                   | 352000      | 0.2          | 0.8          | 21            | 55      |
| 15                                   | 349000      | 0.4          | 0.6          | 37            | 21      |
| 16                                   | 632000      | 0.8          | 0.2          | 49            | 77      |
| 17                                   | 307000      | 0.9          | 0.1          | 36            | 63      |
| 18                                   | 201000      | 0.2          | 0.8          | 56            | 55      |
| 19                                   | 618000      | 0.7          | 0.3          | 61            | 54      |
| 20                                   | 639000      | 0.2          | 0.8          | 62            | 52      |
| 21                                   | 563000      | 0.4          | 0.6          | 43            | 68      |
| 22                                   | 167000      | 0.5          | 0.5          | 51            | 26      |
| 23                                   | 646000      | 0.5          | 0.5          | 55            | 60      |
| 24                                   | 561000      | 0.8          | 0.2          | 47            | 58      |
| 25                                   | 161000      | 0.6          | 0.4          | 60            | 86      |

- 1. Найти оптимальный выпуск в условиях бюджетного ограничения.
- 2. Построить графики:
  - Выпуска в условиях бюджетного ограничения.
  - Карту изоквант
  - Оптимальную изокванту и изокосту

Раздел 2. Оптимальные задачи в экономике Тема 4. Модели потребительского выбора Лабораторная работа 2.4.1. Модель Стоуна - 2 часа

#### Задача

Потребитель имеет фиксированный ежемесячный бюджет, который он тратит на 3 вида товаров. Предпочтения товаров известны, цены на товары известны, найти потребительский набор, максимизирующий полезность потребителя, если его поведение описывается моделью Стоуна, а товары неделимы.

| No No  | Бюджет, | Предпочтения |     |     | Цена един | ицы товара | Обязательное<br>количество |   |   |   |
|--------|---------|--------------|-----|-----|-----------|------------|----------------------------|---|---|---|
| 312312 | сом     | A            | В   | C   | А,сом/шт  | В,сом/шт   | С,сом/шт                   | A | В | C |
| 1      | 876     | 0.1          | 0.3 | 0.6 | 36.13     | 16.42      | 49.85                      | 3 | 3 | 2 |
| 2      | 635     | 0.2          | 0.1 | 0.7 | 25.7      | 36.35      | 15.96                      | 1 | 1 | 1 |
| 3      | 551     | 0.4          | 0.2 | 0.4 | 29.67     | 33.8       | 27.85                      | 1 | 3 | 3 |
| 4      | 895     | 0.4          | 0.5 | 0.1 | 30.52     | 27.96      | 31.42                      | 1 | 3 | 2 |
| 5      | 468     | 0.4          | 0.5 | 0.1 | 20.79     | 38.9       | 28.59                      | 1 | 3 | 1 |
| 6      | 588     | 0.2          | 0.5 | 0.3 | 20.56     | 29.1       | 20.02                      | 3 | 1 | 1 |
| 7      | 930     | 0.6          | 0.3 | 0.1 | 37.51     | 29.54      | 48.66                      | 2 | 1 | 1 |
| 8      | 566     | 0.3          | 0.4 | 0.3 | 31.12     | 23.09      | 41.82                      | 1 | 4 | 1 |
| 9      | 909     | 0.1          | 0.3 | 0.6 | 33.93     | 36.99      | 35.11                      | 1 | 3 | 1 |
| 10     | 780     | 0.4          | 0.5 | 0.1 | 35.91     | 23.51      | 37.23                      | 4 | 2 | 2 |
| 11     | 552     | 0.2          | 0.1 | 0.7 | 20.7      | 36.17      | 18.71                      | 1 | 2 | 3 |
| 12     | 655     | 0.4          | 0,2 | 0.4 | 22.66     | 32.08      | 45.39                      | 4 | 1 | 2 |
| 13     | 461     | 0.8          | 0.1 | 0.1 | 31.37     | 30.61      | 38.66                      | 1 | 3 | 4 |
| 14     | 652     | 0.6          | 0.1 | 0.3 | 36.69     | 24.09      | 53.64                      | 4 | 3 | 1 |
| 15     | 649     | 0.6          | 0.3 | 0.1 | 21.74     | 10.6       | 31.89                      | 1 | 3 | 1 |
| 16     | 932     | 0.1          | 0.4 | 0.5 | 28.27     | 16.97      | 39.42                      | 2 | 1 | 4 |
| 17     | 607     | 0.2          | 0.5 | 0.3 | 36        | 32.9       | 22.86                      | 3 | 3 | 2 |
| 18     | 501     | 0.1          | 0.2 | 0.7 | 28.52     | 18.8       | 32.84                      | 1 | 1 | 3 |
| 19     | 918     | 0.3          | 0.3 | 0.4 | 26.26     | 30.52      | 34.8                       | 3 | 2 | 1 |
| 20     | 939     | 0.1          | 0.2 | 0.7 | 32.41     | 28.21      | 43.75                      | 1 | 2 | 2 |
| 21     | 863     | 0.3          | 0.4 | 0.3 | 32.68     | 33.54      | 30.72                      | 1 | 1 | 3 |
| 22     | 467     | 0.4          | 0.2 | 0.4 | 28.87     | 35.86      | 32.33                      | 4 | 3 | 3 |
| 23     | 946     | 0.2          | 0.4 | 0.4 | 24.1      | 33.06      | 39                         | 2 | 2 | 1 |
| 24     | 861     | 0.5          | 0.1 | 0.4 | 25.05     | 35.18      | 34.67                      | 2 | 2 | 4 |
| 25     | 461     | 0.4          | 0.2 | 0.4 | 36.18     | 28.32      | 32.08                      | 4 | 2 | 1 |

Зафиксировав кол-во товара С на оптимальном уровне, постройте:

Карту линий безразличия с бюджетным ограничением для товаров А и В.

Кривую полезности, получаемую от товаров А и В при известном бюджетном ограничении.

#### Раздел 3. Линейное программирование

Тема 2. Задача линейного программирования. Основные понятия и определения Лабораторная работа 3.2.1. Задача линейного программирования - 2 часа

- [1] Стр. 45, Задание 7, задачи 1-4.
- [1] Стр. 47, Задание 8, задачи 1-12.

#### Раздел 3. Линейное программирование

Тема 4.. Типы задач линейного программирования.

Лабораторная работа 3.4.1. Двойственная задача линейного программирования - 2 часа

[1] - Стр. 52, Задание 9, задачи 1-12.

Лабораторная работа 3.4.2. Транспортные задачи закрытого и открытого типов - 2 часа

- [1] Стр. 59, Задание 10, задачи 1-5.
- [1] Стр. 64, Задание 11, задачи 1-12.

1. .В.Лукашова. Решение экстремальных задач в ЕХСЕL. - Бишкек: КРСУ, 2011

## Темя докладов по курсу «Экономико-математическое моделирование»

- 1. Альфред Нобель, завещание Нобеля, Нобелевская премия по экономике
- 2. Нобелевские лауреаты 2000-2017 гг.: краткая биография, основные работы, вклад в науку, обоснование награды.
  - Джеймс Хекман
  - Дэниел Макфадден
  - Джордж Акерлоф
  - Майкл Спенс
  - Джозеф Стиглиц
  - Даниэль Канеман
  - Вернон Смит
  - Роберт Энгл
  - Клайв Грэнджер
  - Финн Кидланд
  - Эдвард Прескотт
  - Роберт Ауман
  - Томас Шеллинг
  - Эдмунд Фелпс
  - Леонид Гурвич
  - Эрик Мэскин
  - Роджер Майерсон
  - Пол Кругман
  - Элинор Остром
  - Оливер Уильямсон
  - Питер Даймонд
  - Дэйл Мортенсен
  - Кристофер Писсаридес
  - Томас Сарджент
  - Кристофер Симс
  - Ллойд Стауэлл Шепли
  - Элвин Элиот Рот
  - Юджин Фама
  - Ларс Петер Хансен
  - Роберт Шиллер
  - Жан Тироль
  - Дитон, Энгус
  - Оливер Харт
  - Бенгт Хольмстрём

## Тесты по курсу «Экономико-математическое моделирование»

#### Тесты

Математическая модель называется стохастической, если

- 1. Между изучаемыми показателями присутствуют жесткие функциональные связи.
- 2. Описываются такие состояния, при которых равнодействующая всех сил равна нулю.
- 3. Присутствует случайное воздействие на исследуемые показатели.
- 4. Изучаются общие свойства экономики.

Экономико-математические модели необходимы в силу:

- 1. Невозможности активного изучения (на основе эксперимента ) экономических явлений или процессов.
- 2. Проверки работоспособности математического аппарата в практических целях.
- 3. Познавательных целей.
- 4. Общепринятости научного метода познания.

Применения компьютерных технологий в Экономико-математическом моделирование позволило:

- 1. Уделять больше внимания математическим постановкам экономических задач и интерпретации результатов.
- 2. Моделировать графику.
- 3. Ускорить время постановки задач.
- 4. Усилить роль программирования

### Производственная функция – это

- 1. функция, устанавливающая связь между затратами ресурсов и объемом выпуска продукции.
- 2. линейная функция связи производства и потребления.
- 3. функция, устанавливающая связь между различными видами производств.
- 4. функция предложения.

Как выглядит в общем виде двухпродуктовая функция с тремя ресурсами –

- 1. Y = F(X), где Y вектор строка (y1, y2, y3), X вектор строка (x1, x2)
- 2. Y = F(X), где Y -вектор строка (y1), X -вектор строка (x1, x2, x3)
- 3. Y = F(X), где Y -вектор строка (y1, y2), X -вектор строка (x1, x2, x3)
- 4. Y = F(X), где Y -вектор строка (y1, y2), X -скаляр

Какая из функций является производственной функцией Кобба-Дугласа?

- 1.  $Y = 100*K^0.5*L^0.4$
- 2.  $Y = 100*K^1.5*L^(-0.5)$

- 3.  $Y = 10^2 K^0.3 L^0.7$
- 4.  $Y = 100*K^{(-1.5)}*L^{0.4}$

Какому условию удовлетворяет неоклассическая производственная функция?

- 1. F(0,K) = K, F(L,0)=0
- 2. F(0,K)=K, F(L,0)=L
- 3. F(0,K)=F(L,0)=0
- 4. F(0,K)=L, F(L,0)=K

Какому условию удовлетворяет неоклассическая производственная функция?

- 1. Рост используемых ресурсов не приводит к росту выпуска.
- 2. Рост используемых ресурсов приводит к уменьшению выпуска.
- 3. Рост используемых ресурсов приводит к росту выпуска.
- 4. Уменьшение используемых ресурсов приводит к росту выпуска.

Какому условию удовлетворяет неоклассическая производственная функция?

- 1. Постоянный рост одного из используемых ресурсов приводит к росту эффективности его использования.
- 2. Постоянный рост одного из используемых ресурсов приводит к снижению эффективности его использования.
- 3. Попеременный рост каждого из используемых ресурсов приводит к постоянному росту эффективности их использования.
- 4. Уменьшение одного из используемых ресурсов приводит к росту эффективности использования другого ресурса.

Какому условию удовлетворяет неоклассическая производственная функция?

- 1. F(1K, 1L) = F(K,L)
- 2. F(1K, 1L) = F(K+1,L+1)
- 3. F(1K, 1L) = 1 F(K,L)
- 4. F(1K, 1L) = F(K,L) + 1

Изокванта – это

- 1. геометрическое место точек на плоскости для которых F(K,L)=const
- 2. геометрическое место точек на плоскости для которых  $F(K,L)=K^a*L^b$
- 3. геометрическое место точек на плоскости для которых F(K,L)=0
- 4. геометрическое место точек на плоскости для которых F(K,L)=K+L=const

Для функции Кобба-Дугласа выполняется условие

- 1. a+b=1
- 2.  $a+b \le 1$
- 3. a+b>=1
- 4. a+b≠1

Для функции Кобба-Дугласа выполняется условие:

- 1. Эластичность выпуска по ресурсам равна 1
- 2. Эластичность выпуска по ресурсам равна b
- 3. Эластичность выпуска по ресурсам равна а
- 4. Эластичность выпуска по ресурсам равна К/L

В экономико-математическом моделировании под техническим прогрессом понимают

- 1. Увеличение объема выпуска, зависящее от роста объема использования более дешевого ресурса
- 2. Увеличение объема выпуска, без увеличения объемов используемых ресурсов
- 3. Увеличение объема выпуска, зависящее от роста объемов используемых ресурсов
- 4. Увеличение объема выпуска, зависящее от падения объемов используемых ресурсов.

Автономный технический прогресс в экономико-математическом моделировании – это

- 1. экзогенная переменная в производственной функции
- 2. эндогенная переменная в производственной функции
- 3. функция, зависящая от капитала
- 4. функция, зависящая от труда

Предельная производительность труда показывает

- 1. сколько дополнительных единиц продукции приносит дополнительная единица затраченного труда
- 2. сколько продукции приходится на единицу труда
- 3. сколько дополнительных единиц продукции приносит дополнительный станок
- 4. максимально возможное количество продукции, выпускаемое при неизменном количестве труда

Средняя производительность труда показывает

- 1. сколько единиц выпускаемой продукции приходится на единицу затрачиваемого труда
- 2. количество выпускаемой продукции
- 3. сколько единиц выпускаемой продукции приходится на каждую дополнительную единицу затрачиваемого труда
- 4. количество используемого труда за месяц

Если известна средняя величина АF(x), то предельная величина равна

- 1. AF'(x)
- 2. X\*AF(x)
- 3. AF(x)+x\*F'(x)
- 4. AF(x)/x

Если средняя величина АГ(х) растет, то предельная

- 1.  $\mathring{a}\tilde{n}\ddot{e}\tilde{e}$   $AF(X)\uparrow$ ,  $\delta\hat{i}$  MF(X)>AF(X)
- 2.  $\mathring{a}\tilde{n}\ddot{e}\tilde{e}$   $AF(X)\uparrow$ ,  $\hat{o}\hat{\imath}$  MF(X)>AF(X)
- $\frac{3}{\mathring{a}\tilde{n}\ddot{e}\grave{e}} AF(X) \uparrow, \ \hat{o}\hat{i} MF(X) > AF(X)$

4. Эти процессы не связаны друг с другом

## Функция CES

1. 
$$Y = A(\alpha K^{-\rho} + \beta L^{-\rho})^{-1/\rho}$$

2. 
$$Y = A(\alpha K^{-\rho} + \beta L^{-\rho})^{-1}$$

3. 
$$Y = A(\alpha K + \beta L^{-\rho})^{-1/\rho}$$

4. 
$$Y = A(\alpha K^{-\rho} + \beta L)^{-1/\rho}$$

5. Какие значения принимают параметры функции CES

1. 
$$\alpha + \beta = 1$$
,  $0 < \alpha, \beta < 1$ ,  $\rho > 0$ 

2. 
$$\alpha + \beta = 1$$
,  $0 < \alpha, \beta < 1$ 

3. 
$$\alpha + \beta = 1$$
,  $\rho > 0$ 

4. 
$$0 < \alpha, \beta < 1, \rho > 0$$

Какими особенностями обладает функция СЕЅ

- 1. Асимптотами для изокванты являются K= const> 0и L=const>0
- 2. Асимптотами для изокванты являются оси К и L
- 3. Нет вертикальной асимптоты
- 4. Нет горизонтальной асимптоты

Какими особенностями обладает функция CES

- 1. Эластичность замещения ресурсов <1
- 2. Эластичность замещения ресурсов >1
- 3. Эластичность замещения ресурсов =1
- 4. Эластичность замещения ресурсов зависит от точки на изокванте

Область поиска экстремума в задачах экономики:

- 1. Множество стационарных точек
- 2. Множество стационарных и граничных точек
- 3. Множество граничных точек и точек, где производная не существует
- 4. Множество стационарных, граничных точек и точек, где производная не существует

Локальный максимум

1.  $x_0$  – локальный максимум, если существует такая  $\varepsilon$  окрестность,  $\varepsilon$  которой

$$|x_0 - x| \le \varepsilon, \ u \ f(x_0) > f(x)$$

2.  $x_0$  – локальный максимум, если существует такая  $\varepsilon$  окрестность,  $\varepsilon$  которой

$$|x_0 - x| \le \varepsilon$$
,  $u f(x_0) < f(x)$ 

3.

 $x_0$  – локальный максимум, если  $f(x_0) > f(x)$ 

4.

 $x_{0}$  – локальный максимум, если  $f(x_{0}) < f(x)$ 

### Глобальный максимум

1.  $x_0$  – глобальный максимум, если существует такая є окрестность, в которой

$$|x_0 - x| \le \varepsilon$$
,  $u f(x_0) > f(x)$ 

2.

 $x_0$  – глобальный максимум, если существует такая є окрестность, в которой

$$_{\mathfrak{Z}}|x_0-x| \le \varepsilon, \ u \ f(x_0) < f(x)$$

 $4x_0$  – глобальный максимум, если  $f(x_0) > f(x)$ 

 $x_0$  – глобальный максимум, если  $f(x_0) < f(x)$ 

### Функция Лагранжа

- 1. Переводит задачу условной оптимизации в безусловную в случае, если количество ограничений в условной задаче меньше, чем количество переменных в целевой функции
- 2. Переводит задачу условной оптимизации в безусловную в случае, если количество ограничений в условной задаче больше, чем количество переменных в целевой функции
- 3. Переводит задачу безусловной оптимизации в условную
- 4. Переводит общую задачу оптимизации в классическую

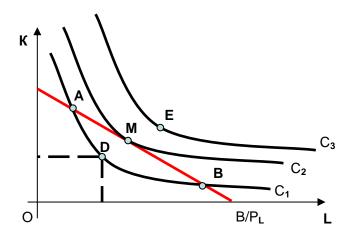
Функция Лагранжа

1. 
$$L = F(X) + \sum_{i=1}^{m} \lambda_i g_i(X)$$
2. 
$$L = F(X) / \sum_{i=1}^{m} \lambda_i g_i(X)$$

2. 
$$L=F(X)/\sum_{i=1}^{m}\lambda_{i}g_{i}(X)$$

3.  $L = F(X) * \sum_{i=1}^{m} \lambda_i g_i(X)$ 

Какая из точек графика является точкой оптимума задачи максимизации выпуска фирмы при ограничении на затраты ресурсов?



- 1. M
- 2. A
- 3. D
- 4. E

Полезность экономического блага это:

- 1. Способность блага удовлетворять одну или несколько человеческих потребностей.
- 2. Объективная польза, извлекаемая при потреблении блага.
- 3. Способность блага удовлетворять сходные потребности некоторой группы потребителей.

Функция полезности – это:

- 1. Функция, устанавливающая связь между объемами потребляемых благ и полезностью от их потребления.
- 2. Функция, устанавливающая связь между ценами потребляемых благ и полезностью от их потребления.
- 3. Функция, устанавливающая связь между ценами потребляемых благ и объемами их потребления.
- 4. Функция, устанавливающая связь между полезностью потребляемых благ и объемами их производства.

Основные постулаты теории потребительского выбора:

- 1. Доход ограничен, цены постоянны и не зависят от объема потребления, все потребители осведомлены о полезности каждого потребляемого блага, потребители ведут себя рационально.
- 2. Доход ограничен, цены зависят от объема потребления, все потребители

- осведомлены о полезности каждого потребляемого блага, потребители ведут себя рационально.
- 3. Доход неограничен, цены постоянны и не зависят от объема потребления, все потребители осведомлены о полезности каждого потребляемого блага, потребители ведут себя рационально.
- 4. Доход ограничен, цены постоянны и не зависят от объема потребления, потребители ведут себя рационально.

Какому условию удовлетворяет функция полезности?

- 1. Рост потребления одного из благ, входящего в потребительский набор приводит к росту полезности.
- 2. Рост потребления одного из благ, входящего в потребительский набор приводит к уменьшению полезности.
- 3. Уменьшение потребления одного из благ, входящего в потребительский набор приводит к росту полезности.

Какому условию удовлетворяет функция полезности?

- 1. Рост потребления одного из благ, входящего в потребительский набор приводит к росту предельной полезности от его потребления.
- 2. Рост потребления одного из благ, входящего в потребительский набор приводит к уменьшению предельной полезности от его потребления.
- 3. Уменьшение потребления одного из благ, входящего в потребительский набор приводит к уменьшению предельной полезности от потребления.

Каким условиям удовлетворяет функция полезности U(X - oбъем потребляемого блага)?

1. 
$$\underset{X\to 0}{\text{Lim}} \frac{\partial U}{\partial X} = 0$$
;  $\underset{X\to \infty}{\text{Lim}} \frac{\partial U}{\partial X} = \infty$ 

2. 
$$\underset{X\to 0}{\text{Lim}} \frac{\partial U}{\partial X} = \infty$$
;  $\underset{X\to \infty}{\text{Lim}} \frac{\partial U}{\partial X} = \infty$ 

3. 
$$\underset{X\to 0}{\text{Lim}} \frac{\partial U}{\partial X} = \infty$$
;  $\underset{X\to \infty}{\text{Lim}} \frac{\partial U}{\partial X} = 0$ 

4. 
$$\underset{X\to\infty}{Lim} \frac{\partial U}{\partial X} = 0$$
;  $\underset{X\to\infty}{Lim} \frac{\partial U}{\partial X} = 0$ 

Какое из условий является условием максимизации полезности? М – предельная полезность, Р – цена единицы блага.

1. 
$$\frac{M_1}{p_1} = \frac{M_2}{p_2}$$

$$2. \quad \frac{M_2}{p_1} = \frac{M_1}{p_2}$$

$$3. \quad \frac{M_1}{M_2} = \frac{p_2}{p_1}$$

4. 
$$M_1 p_1 = M_2 p_2$$

Предельная полезность потребления одного блага, в случае потребительского набора, состоящего из трех благ может трактоваться как:

- 1.  $M_1=U(X_1+1, X_2, X_3) U(X_1, X_2, X_3)$
- 2.  $M_1=U(X_1+1, X_2+1, X_3) U(X_1, X_2, X_3)$
- 3.  $M_1=U(X_1+1, X_2+1, X_3+1) U(X_1+1, X_2, X_3)$
- 4.  $M_1=U(X_1, X_2+1, X_3) U(X_1+1, X_2, X_3)$

Линия безразличия – это:

- 1. Линия, соединяющая потребительские наборы  $(X_1, X_2)$ , имеющие одинаковую полезность для потребителя.
- 2. Линия, соединяющая потребительские наборы  $(X_1, X_2)$ , имеющие одинаковую суммарную стоимость.
- 3. Изокоста
- 4. Изокванта

Постановка задачи потребительского выбора.

- 1. Определение потребительского набора, который максимизирует функцию полезности потребителя при заданном бюджетном ограничении.
- 2. Определение потребительского набора, который максимизирует функцию полезности потребителя.
- 3. Определение потребительского набора, который минимизирует расходы на его приобретение при заданном уровне полезности.
- 4. Определение потребительского набора, который максимизирует функцию полезности для потребителя при минимальных расходах.

Какая из представленных функций полезности является функцией полезности Стоуна?

1. 
$$U(x) = \sum_{i=1}^{n} a_i x_i$$

$$2. \quad U(x) = \prod_{i=1}^{n} a_i x_i$$

3. 
$$U(x) = \sum_{i=1}^{n} (x_i - a_i)^{\alpha_i}$$

4. 
$$U(x) = \prod_{i=1}^{n} (x_i - a_i)^{\alpha^i}$$

Выберите из перечисленных моделей модель Стоуна, где  $a_i$  — обязательно приобретаемое количество товара,  $P_i$ - стоимость единицы і товара,  $\alpha_i$  — степень полезности і товара для потребителя, B — бюджетное ограничение.

1. 
$$Max \sum_{i=1}^{n} (x_i - a_i)^{\alpha_i}, npu \sum_{i=1}^{n} p_i x_i \le B, x_i \ge 0$$

2. 
$$Min \prod_{i=1}^{n} (x_i - a_i)^{\alpha_i}, npu \sum_{i=1}^{n} p_i x_i \le B, x_i \ge 0$$

3. 
$$Max \sum_{i=1}^{n} (x_i - a_i)^{\alpha_i}, npu \prod_{i=1}^{n} p_i x_i \le B, x_i \ge 0$$

4. 
$$Max \prod_{i=1}^{n} (x_i - a_i)^{\alpha_i}, npu \sum_{i=1}^{n} p_i x_i \le B, x_i \ge 0$$

Как выглядит функция спроса на товар в модели Стоуна, где  $a_i$  — обязательно приобретаемое количество товара,  $P_i$ - стоимость единицы і товара,  $\alpha_i$  — степень полезности і товара для потребителя, B — бюджетное ограничение.

1. 
$$x_i = a_i + \frac{\alpha_i (B - \sum_{j=1}^n p_i a_i)}{p_i \sum_{j=1}^n \alpha_j}$$

2. 
$$x_i = a_i + \frac{(B - \sum_{j=1}^n p_i a_i)}{p_i \sum_{j=1}^n \alpha_j}$$

3. 
$$x_i = a_i + \frac{\alpha_i (B - \sum_{j=1}^n p_i a_i)}{\sum_{j=1}^n \alpha_j}$$

4. 
$$x_i = a_i + \frac{\alpha_i (B + \sum_{j=1}^n p_i a_i)}{p_i \sum_{j=1}^n \alpha_j}$$

Текущее планирование – это:

- 1. Планирование деятельности предприятия на имеющихся производственных мощностях, в рамках неменяющихся технологий и постоянного объема ресурсов.
- 2. Планирование деятельности предприятия на один год вперед.
- 3. Планирование деятельности предприятия на имеющихся производственных

мощностях. Планирование деятельности предприятия в рамках неменяющихся технологий и постоянного объема ресурсов.

Какая из надстроек EXCEL позволяет решать задачи линейного программирования?

- 1. Подбор параметра
- 2. Поиск решения
- 3. Анализ данных
- 4. VBA

Зависит ли нахождение решения задачи линейного программирования в EXCEL от начального приближения к решению?

- 1. Зависит
- 2. Не зависит

Выбрать среди поставленных задачу линейного программирования.

$$2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

при

1. 
$$x_1 + x_2 \le 10$$

$$5x_1 - 10x_2 \ge 5$$

$$x_1 + 4x_2 = 12$$

$$2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

при

2. 
$$x_1 x_2 \le 10$$

$$5x_1 - 10x_2 \ge 5$$

$$x_1 + 4x_2 \le 12$$

$$2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

при

3. 
$$x_1 + x_2^2 \le 10$$

$$5x_1 - 10x_2 \ge 5$$

$$x_1 + 4x_2 = 12$$

$$2x_1/3x_2 \rightarrow \max$$

при

4. 
$$x_1 + x_2 \le 10$$

$$5x_1 - 10x_2 \ge 5$$

$$x_1 + 4x_2 = 12$$

Задача линейного программирования называется канонической, если система ограничений, при которой следует искать оптимальное значение целевой функции, представлена:

- 1. В виде равенств.
- 2. В виде неравенств.
- 3. Как в виде равенств, так и в виде неравенств.

Задача линейного программирования называется стандартной, если система ограничений, при которой следует искать оптимальное значение целевой функции, представлена:

- 1. В виде равенств.
- 2. В виде неравенств.
- 3. Как в виде равенств, так и в виде неравенств.

Что является множеством допустимых решений задачи линейного программирования?

- 1. Множество значений, удовлетворяющее системе ограничений.
- 2. Множество значений, которое оптимизирует целевую функцию.
- 3. Множество положительных решений.
- 4. Множество отрицательных решений.

Какое множество называется выпуклым (плоскостной случай)?

- 1. Такое множество, которое наряду с любыми своими 2 точками содержит их произвольную выпуклую комбинацию.
- 2. Множество точек называется выпуклым, если оно образовано окружностью.
- 3. Многоугольник.
- 4. На плоскости любое множество выпукло.

Пересечение любого числа выпуклых множеств есть:

- 1. Выпуклое множество.
- 2. Невыпуклое множество.
- 3. Решение зависит от конкретного вида выпуклых множеств.

Точка множества называется внутренней, если:

- 1. В некоторой ее окрестности содержатся точки только данного множества.
- 2. В некоторой ее окрестности содержатся как точки, принадлежащие данному множеству, так и не принадлежащие ему.
- 3. Если все расстояния от этой точки до границ множества равновелики.

Точка множества называется граничной, если:

- 1. В некоторой ее окрестности содержатся точки только данного множества.
- 2. В некоторой ее окрестности содержатся как точки, принадлежащие данному множеству, так и не принадлежащие ему.
- 3. Точки одновременно принадлежащие двум пересекающимся выпуклым множествам.

Выбрать задачу линейного программирования, которая допускает графическое решение.

$$x_1 + x_2 + x_3 \rightarrow Min$$

при

1. 
$$x_1 + x_2 \le 10$$

$$x_1 + x_4 \ge 5$$

$$x_i \ge 0$$

$$x_1 + x_2 \rightarrow Min$$

при

2. 
$$x_1 + x_2 \le 10$$

$$x_1 + x_4 \ge 5$$

$$x_i \ge 0$$

$$x_1 + x_2 \rightarrow Min$$

при

3. 
$$x_1 + x_2 \le 10$$

$$x_1 + 2x_2 \ge 5$$

$$x_i \ge 0$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 \rightarrow Min$$

ïðè

4. 
$$x_1 + x_2 \le 10$$

$$x_1 + x_2 \ge 5$$

$$x_i \ge 0$$

Сколько решений имеет поставленная задача

$$x_1 + x_2 \rightarrow Max$$

при

$$x_1 + x_2 \le 10$$
 1

$$x_1 + 2x_2 \ge 5$$

$$x_i \ge 0$$

- 1. Множество
- 2. Одно
- 3. Два
- 4. Ни одного

Если множество допустимых решений ограничено и непусто, то задача линейного программирования:

- 1. Имеет только одно решение
- 2. Имеет хотя бы одно решение
- 3. Имеет множество решений
- 4. Не имеет решений.

$$x_1 + x_2 \rightarrow Max$$

ïðè

Сколько решений имеет задача

$$x_1 + 2x_2 \ge 5$$

$$x_i \ge 0$$

- 1. Множество
- 2. Одно
- 3. Два

### 4. Ни одного

Для решения задачи линейного программирования симплекс – методом необходимо:

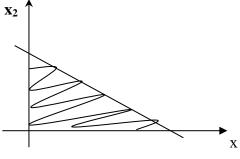
- 1. Любое базисное решение.
- 2. Любое допустимое базисное решение.
- 3. Любое допустимое решение.
- 4. Любая точка в пространстве поставленной задачи.

Идея симплекс метода заключается:

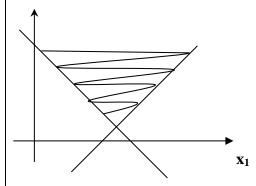
- 1. В произвольном переборе допустимых базисных решений, с целью достижения оптимума целевой функции.
- 2. В таком переборе допустимых базисных решений, при котором значение целевой функции не ухудшается.
- 3. В таком переборе допустимых базисных решений, при котором значение целевой функции всегда улучшается.

Какая из перечисленных областей допустимых решений ЗЛП может иметь хотя бы одно решение?

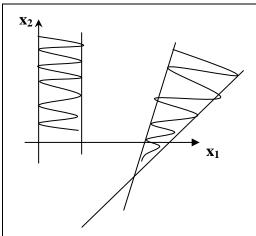
A.



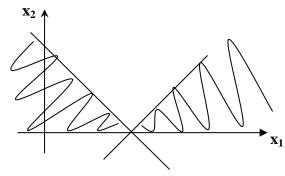
В.



C.



D.



- 1. A, B,C 2. A, C, D
- 3. A, B,D
- 4. A,B

Какая из представленных симплекс таблиц максимизации ЗЛП не допускает улучшения целевой функции?

| Бази           | Hes | зависимы | е перемен | ные |    | полнители<br>переменни | -<br>F | В |    |
|----------------|-----|----------|-----------|-----|----|------------------------|--------|---|----|
| С              | X   | X        | X         | X   | X  | X                      | X      |   |    |
|                | 1   | 2        | 3         | 4   | 5  | 6                      | 7      |   |    |
| $\mathbf{x}_1$ | 1   | 4        | 0         | 0   | 1  | 1                      | 2      | 0 | 21 |
| $\mathbf{x}_2$ | 4   | 1        | 0         | 1   | 1  | 2                      | 3      | 0 | 12 |
| X4             | 5   | 6        | 7         | 0   | 1  | 1                      | 3      | 0 | 2  |
| -F             | 6   | _        | -         | 1   | _  | _                      | _      | 1 | _  |
|                |     | 5        | 1         |     | 5  | 6                      | 4      |   | 14 |
|                |     |          | 0         |     |    |                        |        |   | 5  |
| 2.             |     |          |           |     |    |                        |        |   |    |
|                |     |          |           |     | πа |                        |        |   |    |

| Бази                  | Нез    | зависимы | е перемен         | ные    |        | полнители<br>переменни | -<br>F | В |   |
|-----------------------|--------|----------|-------------------|--------|--------|------------------------|--------|---|---|
| c                     | X      | X        | X                 | X      | X      | X                      | X      |   |   |
| <b>x</b> <sub>1</sub> | 1<br>1 | 2<br>4   | $\stackrel{3}{0}$ | 4<br>0 | 5<br>1 | 6<br>1                 | 7<br>2 | 0 | 2 |
| X <sub>2</sub>        | 2      | 3        | 5                 | 1      | 2      | 3                      | 4      | 0 | 3 |
| X <sub>4</sub>        | 1      | 2        | 0                 | 0      | 1      | 1                      | 2      | 0 | 3 |
| -F                    | Ü      | 0        | I                 | U      | 6      | 5                      | -<br>7 | 1 | 1 |

| 2              |                        |               |                   |   |                              | 6      |                |        | 2   |
|----------------|------------------------|---------------|-------------------|---|------------------------------|--------|----------------|--------|-----|
| 3.<br>Бази     | Независимые переменные |               |                   |   | Дополнительные<br>переменные |        |                | -<br>F | В   |
| c              | X                      | X             | X                 | X | X                            | X      | X              |        |     |
| $\mathbf{x}_1$ | 1<br>1                 | 2<br>4        | $\stackrel{3}{0}$ | 0 | 5<br>1                       | 6<br>1 | 7 2            | 0      | 2   |
| X <sub>2</sub> | 4                      | 1             | 0                 | 1 | 1                            | 2      | 3              | 0      | 1 2 |
| X4             | 5                      | 6             | 7                 | 0 | 1                            | 1      | 3              | 0      | 2   |
| -F             | 0                      | -             | -                 | 0 | -                            | -      | -              | 1      | -   |
|                |                        | 1             | 1                 |   | 3                            | 8      | 1<br>1         |        | 2   |
| 4.             |                        |               |                   |   |                              |        |                |        |     |
| Бази           | Независимые переменные |               |                   |   | Дополнительные<br>переменные |        |                | -<br>F | В   |
| c              | X                      | X             | X                 | X | X                            | X      | X              |        |     |
| $\mathbf{x}_1$ | 1                      | 2<br><b>4</b> | $\stackrel{3}{0}$ | 0 | 5<br>1                       | 6<br>1 | <sup>7</sup> 2 | 0      | 2   |
| $\mathbf{x}_2$ | 2                      | 3             | 5                 | 1 | 2                            | 3      | 4              | 0      | 3   |
| X4             | 1                      | 2             | 0                 | 0 | 1                            | 1      | 2              | 0      | 3   |
| -F             | 1                      | 2             | 3                 | 4 | 0                            | 0      | 0              | 1      | 0   |

Какая из задач является двойственной к ЗЛП следующего вида?

$$3x_{1} + 4x_{2} + 10x_{4} \rightarrow Max$$

$$npu$$

$$3x_{1} + 4x_{2} + 10x_{3} \leq 8$$

$$7x_{1} - 2x_{2} + 12x_{4} \leq 12$$

$$3x_{1} + 4x_{2} + 6x_{3} - 4x_{4} \leq 1$$

$$3x_{1} + 4x_{2} \leq 1$$

$$x_{i} \geq 0$$

$$8y_{1} + 12y_{2} + y_{3} + y_{4} \rightarrow Min$$

$$npu$$

$$3y_{1} + 7y_{2} + 3y_{3} + 3x_{4} \ge 8$$
1. 
$$4y_{1} - 2y_{2} + 4y_{3} + 4y_{4} \ge 12$$

$$10y_{1} + 6y_{3} \ge 1$$

$$12y_{2} - 4y_{3} \ge 1$$

$$y_{i} \ge 0$$

$$3y_{1} + 4y_{2} + 10y_{4} \rightarrow Max$$

$$npu$$

$$3y_{1} + 4y_{2} + 10y_{3} \ge 8$$
2. 
$$7y_{1} - 2y_{2} + 12y_{4} \ge 12$$

$$3y_{1} + 4y_{2} + 6y_{3} - 4y_{4} \ge 1$$

$$3y_{1} + 4y_{2} \ge 1$$

$$y_{i} \ge 0$$

$$8y_{1} + 12y_{2} + y_{3} + y_{4} \rightarrow Max$$

$$npu$$

$$3y_{1} + 7y_{2} + 3y_{3} + 3x_{4} \ge 8$$
3. 
$$4y_{1} - 2y_{2} + 4y_{3} + 4y_{4} \ge 12$$

$$10y_{1} + 6y_{3} \ge 1$$

$$12y_{2} - 4y_{3} \ge 1$$

$$y_{i} \ge 0$$

$$8y_{1} + 12y_{2} + y_{3} + y_{4} \rightarrow Min$$

$$i\partial \hat{e}$$

$$3y_{1} + 7y_{2} + 3y_{3} + 3x_{4} \ge 8$$
4. 
$$4y_{1} - 2y_{2} + 4y_{3} + 4y_{4} \ge 12$$

$$10y_{1} + 6y_{2} \ge 1$$

$$12y_{2} - 4y_{3} \ge 1$$

$$y_{i} \ge 0$$

Двойственная задача линейного программирования имеет название:

- 1. Задача определения относительных объемов ресурсов
- 2. Задача оптимизации цен на сырье
- 3. Задача определения относительных цен на сырье
- 4. Задача максимизации прибыли

Как выглядит модель транспортной задачи закрытого типа?

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} c_{ij} x_{ij} \longrightarrow \min$$

$$\sum_{j=1}^{m} x_{ij} = a_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_{ij} = b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = \sum_{i=1}^{n} a_{i} = \sum_{j=1}^{m} b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} c_{ij} x_{ij} \to \max$$

$$2. \quad \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = a_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_{ij} = b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = \sum_{j=1}^{m} b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m c_{ij} x_{ij} \to \min$$

#### при

$$3. \quad \sum_{j=1}^{m} x_{ij} \le a_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_{ij} \ge b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = \sum_{i=1}^{n} a_{i} = \sum_{j=1}^{m} b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} x_{ij} \rightarrow \min$$

$$i \partial \hat{e}$$
4. 
$$\sum_{j=1}^{m} x_{ij} = a_{i}$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_{ij} = b_{j}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = \sum_{i=1}^{n} a_{i} = \sum_{j=1}^{m} b_{j}$$

$$4. \quad \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = a_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_{ij} = b_j$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = \sum_{i=1}^{n} a_i = \sum_{j=1}^{m} b_j$$

# Примерные контрольные работы по курсу «Экономико-математическое моделирование»

## К разделу 1

#### Часть 1

- 1. Дать определение эластичности выпуска по ресурсам. Записать функции КД и CES.
- 2. Проверить выполнение 2- го свойства неоклассической производственной функции для ПФ Аллена.
- 3. Описать недостатки ПФ КД. Найти предел одного ресурса при стремлении другого к бесконечности.

#### Часть 2

#### Задача 1

Построить функцию выпуска и изокванту (на одном графике) для ПФ CES  $Y=2*(0.5*K^{(-2)}+0.5*L^{(-2)})^{(-0.5)}$ 

#### Задача 2

Найти точку равновесия рынка некоторого товара с точностью 0,00001. Построить и оформить график равновесия.

Функция спроса 
$$Q_d = -2.2\sqrt{p} + 10$$

Функция предложения 
$$Q_s = 0.3 p - 2$$
,  $0 \le p \le 22$ 

# К разделу 2

Решить задачу в пакете EXCEL.

Домохозяйство зимой приобретает 3 вида яблок в неделю – свежие, консервированные и засахаренные.

В домохозяйстве присутствуют люди всех возрастов – дети, люди среднего и пожилого возраста.

|            | Цена, | Обязат           | Предпочтения |                    |                    |
|------------|-------|------------------|--------------|--------------------|--------------------|
| Яблоки     | СОМ   | ельное<br>количе | Дети         | Средний<br>возраст | Пожилой<br>возраст |
|            |       | ство             |              |                    |                    |
| Свежие, кг | 50    | 2                | 0,1          | 0,5                | 0,35               |

| Консервированные,   | 74 | 1 | 0,4 | 0,3 | 0,45 |
|---------------------|----|---|-----|-----|------|
| банка               |    |   |     |     |      |
| Засахаренные, пакет | 65 | 3 | 0,5 | 0,2 | 0,2  |

На яблоки зимой в домохозяйстве принято тратить 1500 сом в неделю. Так как яблоки – это единственный доступный источник местных витаминов. Используя модель Стоуна:

- 1. Найдите оптимальный набор яблок для детей.
- 2. Найдите оптимальный набор яблок для людей среднего возраста.
- 3. Определите на сколько процентов полезность от оптимального яблочного набора для детей отличается от полезности оптимального яблочного набора для людей среднего возраста.
- 4. Зафиксировав засахаренные яблоки на уровне оптимальной величины, соответственно учтя это в расходах и полезности, постройте:
  - Линию бюджетного ограничения для свежих и консервированных яблок.
  - Оптимальные линии безразличия для свежих и консервированных яблок.

# К разделу 3

#### Задача 1

Решить графически и симплекс методом следующую задачу линейного программирования:

```
3X1-2X2 \implies Max
\Pi pu
4X1 + 3X2 \le 8
2X1 + 0.5X2 \le 3
X1 \ge 0
X2 \ge 0
```

#### Задача 2

Сделать постановку задачи линейного программирования для получения максимальной прибыли за неделю.

Фирма выпускает 3 типа румян – жидкие, перламутровые и матовые с использованием одинаковых смесеобразующих машин и видов работ. Аналитику было поручено разработать для компании план производства на неделю.

Информация о ценах продаж и стоимости 100 литров товара приведена в таблице (ф.ст.)

| В расчете на 100 л. |        | Румяна        |         |  |  |  |  |
|---------------------|--------|---------------|---------|--|--|--|--|
| В расчете на 100 л. | Жидкие | Перламутровые | Матовые |  |  |  |  |
| Цена продажи        | 120    | 126           | 110     |  |  |  |  |
| Цена сырья          | 11     | 25            | 20      |  |  |  |  |
| Цена трудозатрат    | 30     | 36            | 24      |  |  |  |  |
| Цена приготовления  |        |               |         |  |  |  |  |
| смеси               | 32     | 20            | 36      |  |  |  |  |
| Другие издержки     | 12     | 15            | 10      |  |  |  |  |

Стоимость 1 человекочаса составляет 3 ф.ст, а стоимость 1 часа приготовления смеси — 4 ф.ст. Фонд рабочего времени ограничен 8000 чел. часов в неделю, а ограничение на фонд работы смесеобразующих машин равно 5900 ч. в неделю. В соответствии с контрактными соглашениями компания должна производить 25000 л. матовых румян в неделю. Максимальный спрос на жидкие румяна равен 35000 л. в неделю, а на перламутровые 29000 л. в неделю.

### Задача 3

Пусть задана ЗЛП 
$$5x1 + 10x2 + 17x3 + 4x4 - 13x5 \rightarrow Max$$

#### npu

$$x1 + x2 - x3 + x4 + x5 \le 12$$
,  
 $5x1 + x3 - 6x4 + 2x5 = 14$ ,  
 $2x1 + 3x2 + 6x3 + x4 \le 15$ ,  
 $X1, x5 \ge 0$ 

Сделать постановку задачи, двойственную к исходной.

# Виды работ и шкалы по курсу «Экономико-математическое моделирование»

# Лабораторная/Домашняя работа

Лабораторная работа — один из видов практических работ, реализуемых кафедрой ЭММ.

Целью лабораторной работы является углубление и закрепление теоретических знаний через развитие навыков обработки данных для решения поставленной задачи в присутствии и под руководством преподавателя.

Лабораторная работа служит для оценки освоения общепрофессиональных и профессиональных компетенций уровня «уметь» и «владеть».

Лабораторные работы включают задания по обработке количественных и качественных данных и решения исследовательских задач на их основе.

Поскольку задания являются обширными, непосредственно в аудитории преподавателем разбирается постановка задачи, обосновываются и демонстрируются инструменты необходимые для ее решения, уточняются требования к оформлению результатов.

Окончательное выполнение лабораторной работы происходит в форме самостоятельной домашней работы.

Выполненная домашняя работа сдается по расписанию следующей лабораторной работы в виде файла.

Работа проверяется преподавателем. Ошибки обсуждаются со студентом. Выставляется оценка.

Шкала оценивания уровня умений с помощью лабораторной работы

|                              | Низкий,<br>0-30 баллов  | Фрагмента рный, 31-59 баллов   | Поверхностн<br>ый,<br>60-69 баллов  | Достаточн<br>ый,<br>70-84<br>балла                                 | Высокий,<br>85-100<br>баллов                                      | оценка | вес |
|------------------------------|---|--|---|--|---|--------|-----|
| Решение поставленно й задачи | Задача<br>решена<br>неверно, ход<br>решения<br>ошибочен,<br>есть грубые<br>ошибки | Задача<br>решена<br>неверно, ход<br>решения<br>верен, есть<br>грубые<br>ошибки | Задача<br>решена<br>неверно, ход<br>решения<br>верен, есть не<br>более 5<br>мелких<br>ошибок,<br>оказавших<br>воздействие<br>на ответ | Задача<br>решена<br>верно, есть<br>не более 4<br>мелких<br>ошибок. | Задача<br>решена<br>верно, есть<br>не более 2<br>мелких<br>ошибок | X1     | 0,6 |
| Оформление результатов       | Не<br>выдержаны<br>требования к<br>оформлению                                     | Большая часть требований не выполнена  | Есть не более 5 мелких ошибок в оформлении  | Есть не более 4 мелких ошибок в оформлени и                        | Есть не более 2 мелких ошибок в оформлении                        | X2     | 0,3 |

| Своевремен ность сдачи | Не своевременно,<br>0 баллов | Своевременно, 100 баллов | X3 | 0,1 |
|------------------------|------------------------------|--------------------------|----|-----|
| Итоговая<br>оценка     |                              | 0,6*X1+0.3*X2+0.1*X3     |    |     |

#### Тесты

Тест – инструмент обязательного объективного контроля знаний студентов, обучающихся по дисциплинам, обеспечиваемых кафедрой ЭММ.

Целью тестирования является экспресс-оценка уровня знаний на основе использования стандартизованных вопросов или задач с ответами закрытого типа.

Тест служит для оценки освоения общепрофессиональных и профессиональных компетенций уровня «знать» и «уметь».

Преподаватель определяет количество вопросов для тестирования и время прохождения теста.

Тестирование проводится в системах ЭММ-тест, MyTest, Iren test.

Алгоритм оценивания теста

- 1. Определяется количество вопросов в тесте -N;
- 2. Рассчитывается вес вопроса 100/N баллов;
- 3. Определяется общее количество баллов, полученных за тест 100/N\*K, где K количество верных ответов.

Шкала оценивания уровня знаний с помощью теста

| Низкий,     | Фрагментарный, | Поверхностный, | Достаточный, | Высокий,      |
|-------------|----------------|----------------|--------------|---------------|
| 0-30 баллов | 31-59 баллов   | 60-69 баллов   | 70-84 балла  | 85-100 баллов |
|             |                |                |              |               |

# Доклад в форме презентации

Доклад – один из видов самостоятельной работы студентов, реализуемых кафедрой ЭММ, часто содержащий исследовательскую компоненту.

Доклад – это развернутое устное сообщение на выбранную/заданную тему, сделанное публично.

Доклад служит для оценки освоения общепрофессиональных и профессиональных компетенций уровня «уметь» и «владеть».

В качестве тем для докладов используется материал учебного курса, который не освещается в лекциях, а выносится на самостоятельное изучение.

Работа над докладом позволяет студентам приобрести новые знания, способствует освоению методов научного познания, формированию важных научно-исследовательских навыков и навыков публичного выступления.

Основной организационной формой для представления доклада является студенческая конференция различного статуса (групповая, курсовая, вузовская, межвузовская) или аудиторное занятие.

Шкала оценивания уровня навыков с помощью презентации доклада

|   | Низкий<br>0-30 баллов   | Фрагмента рный 31-59 баллов   | Поверхностн<br>ый<br>60-69 баллов  | Достаточны<br>й<br>70-84 балла  | Высокий<br>85-100<br>баллов   | оценка | вес |
|---|---|---|--|---|---|--------|-----|
| Раскрытие проблемы                      | Проблема не раскрыта, выводы отсутствуют  | Проблема раскрыта частично. Выводы не соответству ют изложенной информации или выводов нет      | Проблема раскрыта не глубоко. Выводы не соответствую т изложенной информации или выводы не полны | Проблема раскрыта. Не все выводы обоснованы.  | Проблема раскрыта полностью . Выводы обоснован ы  | XI     | 0,5 |
| Представлен ие информации и результатов | Представляе мая информация логически не связана. Не использован ы профессиона льные термины. Результаты не представлен ы. | Представляе мая информация и результаты логически не связаны, не систематизи рованы и не полны. | Представляем ая информация и результаты логически связаны, но не систематизир ованы и не полны.  | Представляе мая информация и результаты логически связаны, систематизи рованы, но не полны. | Представл<br>яемая<br>информац<br>ия и<br>результаты<br>логически<br>связаны,<br>систематиз<br>ированы,<br>достаточно<br>полны. | X2     | 0,2 |
| Оформление презентации                  | Презентация нечитабельн а   | Более 5 ошибок в оформлении презентации   | Не более 5 ошибок в оформлении презентации   | Не более 4 ошибок в оформлении презентации  | Не более 2<br>ошибок в<br>оформлени<br>и<br>презентаци<br>и   | X3     | 0,1 |
| Ответы на вопросы                       | Нет ответов на вопросы  | Ответы полностью не соответству ют вопросам   | Ответы<br>только на<br>элементарные<br>вопросы   | Ответы сформирова ны после дополнитель ных  | Ответы достаточно полные с приведени ем   | X4     | 0,2 |

| Итоговая | 0,5 | *X1+0.2*X2+0.1 | *X3+0.2*X4          | пояснений |  |
|----------|-----|----------------|---------------------|-----------|--|
|          |     |                | наводящих вопросов. | примеров  |  |

### Курсовая работа

Курсовая работа – один из видов самостоятельной работы студентов, реализуемых кафедрой ЭММ.

Курсовая работа представляет собой самостоятельное научное исследование студента по выбранной/заданной теме в рамках изучаемого предмета, оформленное в виде к печатной работы объемом 30-40 страниц.

Цель курсовой работы — это закрепление, расширение и углубление знаний, полученных при изучении предмета, а также приобретение навыков применения знаний к решению профессиональных задач.

Темы курсовых работ, как правило, предоставляются преподавателем, но возможна инициатива со стороны студентов.

Курсовая работа служит для оценки освоения профессиональных компетенций уровня «владеть».

Курсовая работа предоставляется преподавателю в форме пояснительной записки и публично защищается в форме презентации доклада.

Шкала оценивания уровня навыков с помощью пояснительной записки курсовой работы

|                              | Низкий<br>0-30<br>баллов              | Фрагмента рный 31-59 баллов | Поверхностн<br>ый<br>60-69 баллов                                      | Достаточны<br>й<br>70-84 балла                       | Высокий<br>85-100 баллов   | оценка | вес |
|------------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|--|--|--|--------|-----|
| Раскрытие темы <b>(1986)</b> | Тема не раскрыт а Отсутст вуют выводы |                             | Тема раскрыта не полностью. Выводы не сделаны или выводы не обоснованы | Тема раскрыта. Не все выводы сделаны или обоснованы. | Тема раскрыта полностью. Проведен анализ проблемы с привлечением дополнительно й литературы. Выводы обоснованы | X1     | 0,5 |
| Представлен                  | Предста                               | Представляе                 | Представляем   | Представляе  | Представляема  | X2     | 0,2 |
| ие                           | вляемая                               | мая                         | ая   | мая  | я информация   |        | 5   |
| информации                   | информа                               | информация                  | информация   | информация   | и результаты   |        |     |
| И                            | ция                                   | и результаты                | и результаты   | и результаты   | логически  |        |     |
| результатов                  | логическ                              | логически не                | логически  | логически  | связаны,   |        |     |

| оценка     |          |             | 0,5 21110.25 | 112   0,20 110 |                |    |     |
|------------|----------|-------------|--------------|----------------|----------------|----|-----|
| Итоговая   |          |             | 1            | *X2+0.25*X3    |                |    |     |
|            | ГОСТ     | оформлении  | работы       | работы         | работы         |    |     |
| работы     | твует    | ошибками в  | оформлении   | оформлении     | оформлении     |    |     |
| печатной   | соответс | изобилует   | ошибок в     | ошибок в       | ошибок в       |    | 5   |
| Оформление | Не       | Работа      | Не более 5   | Не более 4     | Не более 2     | X3 | 0,2 |
|            | лены.    |             |              |                |                |    |     |
|            | представ |             |              |                |                |    |     |
|            | ты не    |             |              |                |                |    |     |
|            | Результа |             |              |                |                |    |     |
|            |          |             |              |                |                |    |     |
|            | термины  |             |              |                |                |    |     |
|            | ые       |             |              |                |                |    |     |
|            | иональн  |             |              |                |                |    |     |
|            | професс  |             |              |                |                |    |     |
|            | ованы    |             | полны        |                |                |    |     |
|            | использ  | полны.      | ованы и не   | не полны.      |                |    |     |
|            | Не       | рованы и не | систематизир | рованы, но     |                |    |     |
|            | связана. | систематизи | не           | систематизи    | аны, полны.    |    |     |
|            | и не     | связаны, не | связаны, но  | связаны,       | систематизиров |    |     |

Шкала оценивания уровня навыков с помощью презентации доклада курсовой работы

|             | Низкий<br>0-30 баллов | Фрагмента<br>рный<br>31-59<br>баллов | Поверхностн<br>ый<br>60-69 баллов | Достаточны<br>й<br>70-84 балла | Высокий<br>85-100<br>баллов | оценка | вес |
|-------------|-----------------------|--------------------------------------|-----------------------------------|--------------------------------|-----------------------------|--------|-----|
| Раскрытие   | Проблема не           | Проблема                             | Проблема                          | Проблема                       | Проблема                    | X1     | 0,5 |
| проблемы    | раскрыта,             | раскрыта                             | раскрыта не                       | раскрыта. Не                   | раскрыта                    |        |     |
|             | выводы                | частично.                            | глубоко.                          | все выводы                     | полностью                   |        |     |
|             | отсутствуют           | Выводы не                            | Выводы не                         | обоснованы.                    | . Выводы                    |        |     |
|             |                       | соответству                          | соответствую                      |                                | обоснован                   |        |     |
|             |                       | ЮТ                                   | т изложенной                      |                                | Ы                           |        |     |
|             |                       | изложенной                           | информации                        |                                |                             |        |     |
|             |                       | информации                           | или выводы                        |                                |                             |        |     |
|             |                       | или выводов                          | не полны                          |                                |                             |        |     |
|             |                       | нет                                  |                                   |                                |                             |        |     |
| Представлен | Представляе           | Представляе                          | Представляем                      | Представляе                    | Представл                   | X2     | 0,2 |
| ие          | мая                   | мая                                  | ая                                | мая                            | яемая                       |        |     |
| информации  | информация            | информация                           | информация и                      | информация                     | информац                    |        |     |
| И           | логически не          | и результаты                         | результаты                        | и результаты                   | ия и                        |        |     |
| результатов | связана. Не           | логически не                         | логически                         | логически                      | результаты                  |        |     |
|             | использован           | связаны, не                          | связаны, но не                    | связаны,                       | логически                   |        |     |
|             | Ы                     | систематизи                          | систематизир                      | систематизи                    | связаны,                    |        |     |
|             | профессиона           | рованы и не                          | ованы и не                        | рованы, но                     | систематиз                  |        |     |
|             | льные                 | полны.                               | полны                             | не полны.                      | ированы,                    |        |     |
|             | термины.              |                                      |                                   |                                | полны.                      |        |     |
|             | Результаты            |                                      |                                   |                                |                             |        |     |
|             | не                    |                                      |                                   |                                |                             |        |     |
|             | представлен           |                                      |                                   |                                |                             |        |     |
|             | Ы.                    |                                      |                                   |                                |                             |        |     |

| Оформление  | Презентация | Более 5     | Не более 5     | Не более 4  | Не более 2 | X3 | 0,1 |
|-------------|-------------|-------------|----------------|-------------|------------|----|-----|
| презентации | нечитабельн | ошибок в    | ошибок в       | ошибок в    | ошибок в   |    |     |
|             | a           | оформлении  | оформлении     | оформлении  | оформлени  |    |     |
|             |             | презентации | презентации    | презентации | И          |    |     |
|             |             |             |                |             | презентаци |    |     |
|             |             |             |                |             | И          |    |     |
| Ответы на   | Нет ответов | Ответы      | Ответы         | Ответы      | Ответы     | X4 | 0,2 |
| вопросы     | на вопросы  | полностью   | только на      | сформирова  | уверенные, |    |     |
|             |             | не          | элементарные   | ны после    | полные с   |    |     |
|             |             | соответству | вопросы        | дополнитель | приведени  |    |     |
|             |             | ют вопросам |                | ных         | ем         |    |     |
|             |             |             |                | наводящих   | примеров   |    |     |
|             |             |             |                | вопросов.   | И          |    |     |
|             |             |             |                |             | пояснений  |    |     |
| Итоговая    |             | 0,5         | *X1+0.2*X2+0.1 | *X3+0.2*X4  |            |    |     |
| оценка      |             |             |                |             |            |    |     |

# Технологическая карта

Дисциплина: Экономико-математическое моделирование

Направление/профиль: B38030138\_11\_34Э MMЭ\_R.plM

 Курс/семестр:
 3/5

 Количество кредитов (3E): 5

Отчетность: Зачетно-экзаменационная ведомость (экзамен)

| Название модулей<br>дисциплины согласно РПД | Контроль          | Форма контроля                          |    | зачетный<br>максимум |     |  |  |  |  |
|---|-------------------|---|----|----------------------|-----|--|--|--|--|
| Модуль 1                                    |                   |   |    |                      |     |  |  |  |  |
| Проморо потрому на функции                  | Текущий контроль  | Домашние работы                         | 6  | 10                   | 6   |  |  |  |  |
| Производственные функции                    | Рубежный контроль | бежный контроль Контрольная работа 5 10 |    |                      |     |  |  |  |  |
|   | Модуль 2          | 2                                       |    |                      |     |  |  |  |  |
| OHENNA W W A SO HOW D SECTIONAL             | Текущий контроль  | Домашние работы                         | 6  | 10                   | 11  |  |  |  |  |
| Оптимальные задачи в экономике              | Рубежный контроль | Контрольная работа                      | 5  | 10                   | 11  |  |  |  |  |
|   | Модуль 3          | 3                                       |    |                      |     |  |  |  |  |
| П   | Текущий контроль  | Домашние работы                         | 6  | 10                   | 17  |  |  |  |  |
| Линейное программирование                   | Рубежный контроль | Контрольная работа                      | 12 | 20                   | 1 / |  |  |  |  |
| ВСЕГО за семестр                            | 40                | 70                                      |    |                      |     |  |  |  |  |
| Промежуточный контроль (Экзамен)            | 20                | 30                                      |    |                      |     |  |  |  |  |
| Семестровый рейтинг по дисциплине           | 62                | 100                                     |    |                      |     |  |  |  |  |

# Вес работ по курсу

# «Экономико-математическое моделирование»

| Содержание<br>дисциплины       | Тип контроля  | Форма<br>контроля   | Уровень<br>освоения<br>компетенции | Количество единиц | Максимальный балл за контрольную единицу/за весь контроль | Bec  | Максимум за<br>форму<br>контроля |
|--------------------------------|---------------|---------------------|------------------------------------|-------------------|---|------|----------------------------------|
| Модуль 1                       |               |                     |                                    |                   |   |      |                                  |
| Производственные функции       | Текущий       | Лабораторные работы | уметь                              | 5                 | 100/500   | 0,02 | 10                               |
|                                | Рубежный      | Контрольная работа  | владеть                            | 1                 | 1/100   | 0,1  | 10                               |
| Модуль 2                       |               |                     |                                    |                   |   |      |                                  |
| Оптимальные задачи в экономике | Текущий       | Лабораторные работы | уметь                              | 5                 | 100/500   | 0,02 | 10                               |
|                                | Рубежный      | Контрольная работа  | владеть                            | 1                 | 100/100   | 0,1  | 10                               |
| Модуль 3                       |               |                     |                                    |                   |   |      |                                  |
| Линейное программирование      | Текущий       | Лабораторные работы | уметь                              | 5                 | 100/500   | 0,02 | 10                               |
|                                | Рубежный      | Контрольная работа  | владеть                            | 1                 | 100/100   | 0,3  | 30                               |
| Итог                           |               |                     |                                    |                   |   |      |                                  |
|                                | Промежуточный | Тестовые<br>вопросы | знать                              | 50                | 2/100   | 0,3  | 30                               |
| Семестровый рейтинг            |               |                     |                                    |                   |   | 100  |                                  |

Дисциплина: Экономико-математическое моделирование

Направление/профиль: B38030138\_11\_34Э MMЭ\_R.plM

 Курс/семестр:
 3/5

 Количество кредитов (3E): 1

Отчетность: Курсовая работа

| Название модулей<br>дисциплины согласно РПД | Контроль         | Форма контроля                          |    | зачетный<br>максимум |  |  |  |  |
|---|------------------|---|----|----------------------|--|--|--|--|
| Модуль 1                                    |                  |   |    |                      |  |  |  |  |
| Мананирарациа аканаминааких пранассар в     | Текущий контроль | Обзор литературы                        | 15 | 20                   |  |  |  |  |
| пкыргызстанс                                | =                | Предоставление пояснительной<br>записки | 25 | 50                   |  |  |  |  |
| ВСЕГО за семестр                            | 40               | 70                                      |    |                      |  |  |  |  |
| Промежуточный контроль (Защита КП)          | 20               | 30                                      |    |                      |  |  |  |  |
| Семестровый рейтинг по дисциплине           | 60               | 100                                     |    |                      |  |  |  |  |

# Вес работ по курсовой работе «Экономико-математическое моделирование»

| Содержание дисциплины | Тип<br>контроля | Форма<br>контроля | Уровень<br>освоения<br>компетенции | Количество единиц | Максимальный балл за контрольную единицу/за весь контроль | Bec | Максимум за<br>форму<br>контроля |
|-----------------------|-----------------|-------------------|------------------------------------|-------------------|---|-----|----------------------------------|
| Модуль 1              |                 |                   |                                    |                   |   |     |                                  |

| Моделирование             | Текущий   | Con However    | Уметь   |    |         |     |     |
|---------------------------|-----------|----------------|---------|----|---------|-----|-----|
| экономических процессов в |           | Сбор данных    |         | 1  | 100/100 | 0,2 | 20  |
| Кыргызстане               | Рубежный  | Предоставление | Владеть |    |         |     |     |
|                           |           | пояснительной  |         |    |         |     |     |
|                           |           | записки        |         | 1  | 100/100 | 0,5 | 50  |
|                           | Промежуто | Защита в форме | Владеть |    |         |     |     |
|                           | чный      | презентации    |         | 50 | 100/100 | 0,3 | 30  |
| Семестровый рейтинг       |           |                |         |    |         |     | 100 |
|                           |           |                |         |    |         |     |     |

# Указания к выполнению курсовой работы по курсу «Экономико-математическое моделирование»

#### **ВВЕДЕНИЕ**

Выполнение курсовой работы является одной из важнейших форм организации самостоятельной работы студентов. Курсовая работа предназначена для закрепления знаний, полученных при изучении курса «Экономико-математическое моделирование». В процессе подготовки курсовой работы студенты более глубоко знакомятся с экономическими моделями реальной экономики.

Курсовая работа призвана способствовать развитию системного мышления, логичного и четкого письменного изложения своих мыслей, умению применять полученные знания при анализе социально – экономических явлений.

При написании работы могут быть использованы учебники, монографии и статьи, посвященные вопросам экономико-математического моделирования.

# 1. ОСНОВНЫЕ ЭТАПЫ ВЫПОЛНЕНИЯ КУРСОВОЙ РАБОТЫ

После определения темы курсовой работы студент должен ознакомиться со степенью ее разработанности в литературе. Этот процесс предполагает следующие виды деятельности:

- углубленное изучение учебников и учебных пособий по разделам, посвященным теме исследования;
- ознакомление с научной литературой по избранной теме: монографиями, журнальными статьями, а так же Internet-источниками;

Каждый источник, который будет использован при написании работы, следует сразу занести в библиографический список, причем правильно описав его (см. приложение 2). Целесообразно при изучении литературы делать записи в том числе и с использованием компьютера.

Следует обратить внимание, что освоение процесса сбора материала, изучения и обработки источников является важной составляющей высшего образования. Поэтому студенту следует стремиться к наибольшей самостоятельности в этой области.

При подборе источников следует пользоваться каталогами научных библиотек, библиографическими указателями в соответствии с проблемой своей курсовой работы.

# 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ КУРСОВОЙ РАБОТЫ

Курсовая работа включает в себя пояснительный текст и иллюстративные материалы.

Общий объем курсовой работы составляет 25-30 страниц (без приложений) компьютерного текста, включая рисунки, чертежи, таблицы, диаграммы, графики и схемы.

Курсовая работа должна быть оформлена в указанной ниже последовательности:

- титульный лист;
- содержание;
- введение;
- основная часть;
- заключение;
- список литературы;
- приложения.

#### Титульный лист содержит:

- полное наименование учебного заведения
- наименование кафедры;
- название учебной дисциплины;
- тему курсовой работы;
- сведения об авторе работы (фамилия, имя, отчество, № группы);
- сведения о руководителе (фамилия, имя, отчество, ученая степень и звание);
- город, год написания работы (см. Приложение 1).

Титульный лист не нумеруется.

**В содержании** последовательно перечисляют заголовки глав, параграфов и приложений с указанием номеров страниц, на которых они помещены. Содержание должно включать все заголовки, имеющиеся в курсовой работе. Отдельно перечисляют все таблицы и иллюстрации с указанием номеров страниц.

**Во введении** обосновывается актуальность темы курсовой работы, указываются объекты исследования, формулируются цели исследования, которые конкретизируются в задачах исследования. Объем этой части работы - 1-2 страницы.

**Основная часть** курсовой работы содержит общую характеристику объекта исследования, описание моделей и методов анализа, расчетную часть. Обязательной частью курсовой работы являются иллюстративные материалы (чертежи, схемы, графики, таблицы), характеризующие основные выводы и предложения.

Основная часть состоит из 2 глав, в которых раскрывается содержание курсовой работы.

Название главы должно быть кратким, содержательным и не повторять название самой курсовой работы.

Названия параграфов раскрывают и конкретизируют содержание главы, но не повторяют ее названия. Содержание работы обсуждается с руководителем и утверждается им.

**В** заключении формулируются основные выводы по теме исследования, показываются, как достигнуты цели и решены задачи, поставленные во введении.

Список литературы включает все использованные источники в алфавитном порядке. Сведения о книгах и статьях должны соответствовать правилам библиографического описания. Нумерация источников - арабскими цифрами, сквозная (см. приложение 2).

**Приложения** оформляются как составная часть работы и включают вспомогательный материал, уточняющий основную часть работы (промежуточные расчеты, таблицы вспомогательных цифровых данных и т.п.). Каждое Приложение начинается с новой страницы (счет страниц продолжается после списка литературы) и каждому Приложению присваивается порядковый номер. Объем Приложений не ограничен и не включается в обязательное количество страниц курсовой работы

# 3. ПОДГОТОВКА ЧЕРНОВОГО ВАРИАНТА КУРСОВОЙ РАБОТЫ

После изучения литературы и составления плана курсовой работы, включающего названия глав и параграфов, студент приступает к подготовке ее чернового варианта. При этом названия глав и параграфов, а также их количество могут быть скорректированы, по согласованию с руководителем, но тема не может быть изменена.

Не допускается компиляция, т.е. переписывание используемых источников, либо прямое копирование их из Internet'a .

Черновой вариант работы представляется на проверку руководителю. После проверки чернового варианта курсовой работы руководитель отмечает ее недостатки, которые необходимо устранить при подготовке ее окончательного варианта, который в электронном виде подвергается проверке в системе «Антиплагиат». Доля оригинального текста должна быть не менее 60%.

# 4. ТРЕБОВАНИЯ К ОФОРМЛЕНИЮ ОКОНЧАТЕЛЬНОГО ВАРИАНТА КУРСОВОЙ РАБОТЫ

Оформление курсовой работы осуществляется силами самого студента по единому образцу, после чего курсовая работа в переплетенном виде сдается на кафедру.

Текст курсовой работы печатается на одной стороне белой писчей бумаги формата A4. Курсовая работа оформляется на компьютере в текстовом редакторе MS Word. Размер полей (расстояние между текстом и краем страницы): слева -30 мм, справа -10 мм, сверху -20 мм, снизу -20 мм.

Нумерация страниц выполняется по центру внизу страницы на уровне 15 мм от края листа арабскими цифрами.

Межстрочный интервал – 1,5 (в рабочем поле документа располагается 28-30 строк).

Размер шрифта – 14.

Тип шрифта: для основного текста - Times New Roman, начертание литер обычное; для заголовков - Arial, начертание литер полужирное.

Первая (красная) строка абзаца должна иметь отступ 1.25 см. Выравнивание основного текста производится по ширине с установлением автоматического переноса.

Нумерация страниц в курсовой работе сквозная. Таблицы и рисунки, расположенные на отдельных страницах, список литературы и приложения необходимо включать в сквозную нумерацию страниц.

Первой страницей курсовой работы является титульный лист, второй - «Содержание».

Первой страницей, на которой печатается номер, является «Содержание».

Каждую главу, а также введение и заключение начинают с новой страницы.

**Введение и заключение** не нумеруются, все остальные главы основной части курсовой работы должны иметь порядковую нумерацию.

Глава обозначается одной арабской цифрой без точки на конце. Параграфы нумеруются в пределах каждой главы. Номер параграфа должен состоять из двух цифр, первая из которых является номером главы, а вторая – параграфа, разделенных точкой. В конце номера параграфа также точку не ставят (например, 2.1 – первый параграф второй главы). Номер соответствующей главы или параграфа располагается в начале заголовка. Главы и параграфы должны иметь краткие, соответствующие содержанию заголовки. В конце заголовка точку не ставят. Подчеркивание и перенос слов в заголовках не допускается. Выделение заголовка производят увеличением жирности.

Текст курсовой работы должен быть иллюстрирован **таблицами и наглядными материалами** (схемами, графиками, диаграммами и др.). Они располагаются в тексте или выносятся на отдельную страницу. Все наглядные материалы и таблицы должны иметь заголовки и быть пронумерованы.

Нумерация таблиц и наглядных материалов осуществляется раздельно в сквозном порядке внутри каждого параграфа.

Любая иллюстрация в курсовой работе размещается сразу после ссылки на нее в тексте (если занимают страницу целиком, то располагаются на следующей после ссылки странице), именуется рисунком и обозначается словом "Рисунок".

- Каждый рисунок должен сопровождаться названием. Название рисунка и его номер располагают под рисунком и по середине строки.
- После номера рисунка ставится тире, после пробела с заглавной буквы приводят его название, в конце которого точка не ставится.

Например, Рисунок 2.2.1 — Соотношение объемов реализации продукции по товарным группам. Этот рисунок располагается во второй главе, втором абзаце и имеет номер 1.

Цифровой материал курсового проекта оформляется в виде **таблиц**. Каждая таблица должна иметь номер и заголовок, которые размещаются над соответствующей таблицей. Номер предназначен для того, чтобы упростить ссылку на таблицу в основном тексте и идентифицировать месторасположение таблицы. Оформляется он следующим образом:

- с выравниванием влево в виде слова "Таблица" с последующим номером без точки на конце. (Например, Таблица 2.2.3 – Соотношение объемов реализации продукции по товарным группам);
- Эта таблица располагается во втором параграфе второй главы и имеет номер 3; Заголовок позволяет воспринимать материал таблицы без обращения к основному тексту. При ссылке на таблицы в основном тексте пояснительной записки следует писать слово "таблица" с указанием номера, например, таблица 2.2.3. Показатели таблицы могут иметь одинаковую размерность, тогда она выносится в заголовок, Если показатели имеют различные размерности, в таблицу включают отдельную графу "Единица измерения". Последние могут быть записаны в сокращенном виде, но с соблюдением действующих стандартов. Графа "N п/п" включается в таблицу, только если в тексте есть ссылки на строки таблицы.

Таблицы и иллюстративные материалы располагают таким образом, чтобы их можно было читать без поворота рукописи или, в крайнем случае, с поворотом по часовой стрелке.

Формулы, помещенные в курсовой работе, нумеруются. Порядковый номер формулы приводится в круглых скобках справа от нее и записывается арабскими цифрами. Под формулой пишут слово "где", а затем расшифровывают ее составляющие в той последовательности, в которой они приведены в формуле. В конце формулы и в поясняющем ее тексте знаки препинания расставляются в соответствии с правилами пунктуации.

При использовании в курсовой работе цитат и мнений других авторов обязательны **библиографические ссылки** на источники. После упоминания литературного произведения или приведения цитаты в квадратных скобках проставляют номер, под которым это произведение значится в списке литературы, а при цитировании – также номер страницы, на которой она приведена, например, [17] или [19, с.67].

Сведения о книгах в списке литературы должны включать: фамилию и инициалы автора, наименование книги, место издания (город), издательство, год издания, количество страниц. Сведения о статьях из журналов, сборников, научных трудов или газет в списке литературы должны включать: фамилию и инициалы автора, название статьи, наименование сборника, журнала (название, год выпуска, номер, страницы) или газеты (название, год, число, месяц, номер и страницу, если объем газеты более 6 страниц).

Все электронные ресурсы локального (на физических носителях), и удаленного доступа (справочные системы, ресурсы Интернет), рассматриваются как опубликованные и могут включаться в список использованной литературы. Описание электронного ресурса содержит сведения, дающие возможность идентифицировать его, а также получить представление о содержании, характере, объеме, назначении, виде физического носителя, системных требованиях, режиме доступа и других специфических характеристиках <sup>1</sup>.

Примеры оформления приведены в приложении 2.

Последовательность включения источников в список литературы следующая:

- законодательные материалы KP, решения Правительства и статистические материалы;
- книги и статьи по алфавиту авторов и заглавий с учетом последующих (вторых, третьих и т.д.) букв;
- неопубликованные документы (отчеты о НИР, ТЭО, диссертации и т.д.);
- книги и статьи, опубликованные на иностранном языке.
- электронные информационные ресурсы.

Нумерация источников в списке литературы должна быть сквозной.

После списка литературы представляют **приложения** (таблицы, графики, схемы, исходные и другие материалы, которые были использованы при выполнении курсового проекта как вспомогательные). Приложения должны иметь последовательную нумерацию и заголовки, отражающие их содержание.

Приложения необходимо располагать в порядке появления ссылок на них в тексте основных разделов. Каждое приложение начинают с новой страницы; в правом верхнем

 $<sup>^{1}</sup>$  Интерактивная помощь в формировании списка литературы приведена на сайте www.snoskainfo.ru

углу пишут слово "Приложение" с соответствующим порядковым номером, например, Приложение 1.

#### 5. ПОДГОТОВКА ПРЕЗЕНТАЦИИ

Для удобства проведения защиты студенту следует подготовить электроную презентацию. Презентация готовится только после того, как курсовая работы выполнена полностью и одобрена руководителем. Презентация готовится в среде PowerPoint. Презентация должна быть рассчитана на 7 минут выступления и, следовательно, состоять из 10-12 слайдов.

## Примерное содержание слайдов:

- 6. Название темы.
- 7. Постановка залачи
- 8. Описание проблемы в литературе
- 9. Исходные данные
- 10. Результаты обработки данных
- 11. Заключение

На слайды выносятся: текст, графики, диаграммы, таблицы. При оформлении слайдов в среде PowerPoint размер любого используемого шрифта должен быть не менее 24 п.

## 7. ЗАЩИТА КУРСОВОЙ РАБОТЫ

Курсовая работа должна быть представлена на кафедру математических методов и исследования операций в экономике не позже, чем за 2 дня до защиты и защищена в сроки, установленные кафедрой. Конкретный срок защиты согласуется с руководителем. На защите кроме руководителя могут присутствовать другие преподаватели, а также студенты.

Защита состоит из следующих этапов:

- выступление студента продолжительностью 7 мин.;
- ответы на вопросы руководителя, а также всех присутствующих на защите;
- оценка работы руководителем.

## 8. ОЦЕНКА КУРСОВОЙ РАБОТЫ

Оценка курсовой работы осуществляется на основе следующих критериев:

- соответствие оформления работы требованиям;
- соответствие содержания теме;
- самостоятельность студента на всех этапах подготовки курсовой работы (составление плана работы, сбор и анализ источников, обработка данных, формулирование выводов);

- своевременность и четкость выполнения требований руководителя;
- качество выступления на защите;
- аргументированность ответов на вопросы в процессе защиты.

# Образец титульного листа курсовой работы

# КЫРГЫЗСКО-РОССИЙСКИЙ СЛАВЯНСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра математических методов и исследования операций в экономике

# **ДИСЦИПЛИНА:** ЭКОНОМИКО-МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

#### КУРСОВАЯ РАБОТА

на тему:

Модельные исследования способов стимулирования экономического роста

Выполнил: студент группы ЭММ-14

Иванов А.С.

Руководитель: к.т.н, доцент

Лукашова И.В.

Бишкек 2016

#### Пример оформления списка литературы

- 1. Конституция Кыргызской Республики [Электронный ресурс] // URL : http://www.gov.kg/?page\_id=263&lang=ru (30.07.2015).
- 2. Маслоу, А. Мотивация и личность [Текст] / А.Маслоу. 3- е изд. СПб. : Питер, 2008. 352 с.
- 3. Boyce, B. Real Estate Terminology [Текст] / B.Boyce. Cambridge: Ballinger Publishing Co, 1975. 137 с.
- 4. Харрисон, Генри С. Оценка недвижимости [Текст] : учеб. пособие / Генри С. Харрисон. М. : Мособлупрполиграфиздат, 1994. 231 с.
- 5. Огурцова А.Н. Роль государства на рынке жилья [Электронный ресурс] // Науковедение. 2014. No5. URL: http://cyberleninka.ru/article/n/rol-gosudarstva-narynke-zhilya (04.08.2015).
- 6. Малкина, М.Ю. Неоклассический и неоинституциональный анализ рынка жилой недвижимости Российской Федерации [Текст] / Малкина М.Ю., Щулепникова Е.А. // JIS. –2012. Т. 4, No 3. С. 22-32.
- 7. Лукашова, И.В., Мокроусов, Н.В., Максумова, Н.Р. Рынок квартир в г. Бишкек [Текст] / И.В.Лукашова, Н.В. Мокроусов, Н.Р. Максумова // Вестник Кыргызско-Российского Славянского Университета; КРСУ. 2002. No4. C.30-35.

# Краткий словарь терминов по курсу «Экономико-математическое моделирование»

#### Автономный технический прогресс

Увеличение выпуска продукции без увеличения ресурсов (за счет улучшения технологий, организации труда, квалификации рабочей силы и т.д.)

#### Базисная переменная

т переменных, системы тинейных уравнений с n переменными, коэффициенты при которых образуют единичную матрицу называют базисными переменными, остальные независимыми.

### Базисное решение задачи линейного программирования

Любая угловая точка области допустимых решений есть базисное решение. Базисным решением системы m линейных уравнений с n переменными называется решение, в котором n-m независимых переменных равны нулю.

#### Внутренняя точка выпуклого множества

Если в некоторой ее окрестности лежат точки только данного множества.

#### Выпуклое множество

Если оно вместе своими 2 точками содержит и отрезок, соединяющий их.

#### Глобальный экстремум

Ищется во всей области определения.

#### Граничная точка выпуклого множества

Если в любой ее окрестности содержатся точки как принадлежащие данному множеству, так и не принадлежащие ему.

#### Закрытая транспортная задача

Задача в которой запасы равны потребностям.

#### Изокванта

Линия равного выпуска.

#### Изокоста

Линия равного расхода.

### Кривая безразличия

Линия, соединяющая потребительские наборы, имеющие одинаковую ценность для потребителя, называется кривой безразличия.

#### Локальный экстремум

Экстремум достигается внутри некоторой эпсилон-окрестности.

#### Математическая модель

Описание объекта, явления или процесса математическим языком.

#### Модель

Образ или прообраз объекта, явления или процесса.

#### Оптимальное решение задачи линейного программирования

Совпадает, по крайней мере, с одним из базисных решений.

## Открытая транспортная задача

Задача, в которой запасы не равны потребностям.

## Перспективное планирование деятельности предприятия

Планирование деятельности предприятия в условиях изменяющихся ресурсов, и/или технологий.

#### Полезность

Способность блага удовлетворять одну или несколько человеческих потребностей.

## Потребительский выбор

Выбор, максимизирующий функцию полезности рационального потребителя в условиях ограниченного дохода.

#### Производственная функция

Функция, устанавливающая связь между затратами ресурсов и объемами выпуска.

#### Симплекс таблина

В симплекс таблице сводятся воедино система ограничений и целевая функция.

#### Текущее планирование деятельности предприятия

Планирование деятельности предприятия на имеющихся производственных мощностях, в рамках не меняющихся технологий и постоянного объема ресурсов.

#### Угловая точка выпуклого множества

Если она не является внутренней ни для какого отрезка, целиком принадлежащего данному множеству.

#### Функция СЕЅ

Обобщение функции Кобба-Дугласа, лишенное ее недостатков.

#### Функция Кобба-Дугласа

Мультипликативная однопродуктовая двухресурсная производственная функция, где показатели степени при ресурсах представляют эластичности выпуска.

## Функция Лагранжа

При выполнении ряда требований позволяет перейти от задачи условного экстремума к задаче безусловного экстремума.

#### Функция полезности

Устанавливает связь между объемами потребляемых благ и полезностью от их потребления.

# Функция Стоуна

Устанавливает связь между полезностью и потребляемыми благами, причем полезность возникает только от потребления благ сверх минимального набора.

### Экономико-математическая модель

Описание экономического объекта, явления или процесса математическим языком.

#### Эластичность

Равна отношению предельной величины к средней величине